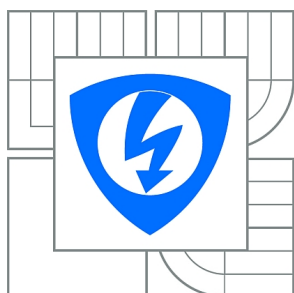




VYSOKÉ UČENÍ TECHNICKÉ V BRNĚ
BRNO UNIVERSITY OF TECHNOLOGY



FAKULTA ELEKTROTECHNIKY A KOMUNIKAČNÍCH
TECHNOLOGIÍ
ÚSTAV TELEKOMUNIKACÍ

FACULTY OF ELECTRICAL ENGINEERING AND COMMUNICATION
DEPARTMENT OF TELECOMMUNICATIONS

OPTIMALIZACE BEZPEČNOSTNÍCH ALGORITMŮ PRO SMARTKARTY

OPTIMIZATION OF SECURITY ALGORITHMS FOR SMART CARDS

DIPLOMOVÁ PRÁCE
MASTER'S THESIS

AUTOR PRÁCE
AUTHOR

Bc. VERONIKA BARTOŇOVÁ

VEDOUCÍ PRÁCE
SUPERVISOR

Ing. JAN HAJNÝ

BRNO 2011



**VYSOKÉ UČENÍ
TECHNICKÉ V BRNĚ**

**Fakulta elektrotechniky
a komunikačních technologií**

Ústav telekomunikací

Diplomová práce

magisterský navazující studijní obor
Telekomunikační a informační technika

Studentka: Bc. Veronika Bartoňová

ID: 102388

Ročník: 2

Akademický rok: 2010/2011

NÁZEV TÉMATU:

Optimalizace bezpečnostních algoritmů pro smartkarty

POKYNY PRO VYPRACOVÁNÍ:

Projekt je zaměřen na seznámení se s vývojovým prostředím smartkaret (JavaCard či .NET) a na implementaci kryptografických algoritmů v tomto prostředí. Výstupem projektu je návrh komunikace mezi kartou a PC, dále pak návrh změn v kryptografických algoritmech typu prokazatelných důkazů znalosti či ověřitelných šifrování. Tyto změny by měly sloužit k budoucímu optimalizovanému nasazení algoritmů na smartkartách.

DOPORUČENÁ LITERATURA:

[1] CAMENISCH, Jan, et al Anonymous Credentials on a Standard Java Card. In . Chicago, USA : ACM, 2009. s. 600-610.

[2] MENEZES, Alfred J.; OORSCHOT, Paul C. van ; VANSTONE, Scott A. Handbook of Applied Cryptography. 2001. USA : CRC Press, 2001. 816 s. ISBN 0-8493-8523-7.

Termín zadání: 7.2.2011

Termín odevzdání: 26.5.2011

Vedoucí práce: Ing. Jan Hajný

prof. Ing. Kamil Vrba, CSc.

Předseda oborové rady

UPOZORNĚNÍ:

Autor diplomové práce nesmí při vytváření diplomové práce porušit autorská práva třetích osob, zejména nesmí zasahovat nedovoleným způsobem do cizích autorských práv osobnostních a musí si být plně vědom následků porušení ustanovení § 11 a následujících autorského zákona č. 121/2000 Sb., včetně možných trestněprávních důsledků vyplývajících z ustanovení části druhé, hlavy VI. díl 4 Trestního zákoníku č.40/2009 Sb.

ABSTRAKT

V diplomové práci se zabývám optimalizací výpočtů bezpečnostních algoritmů, které jsou dále implementovány na smartkarty. Pro návrh urychlení výpočtů vycházím ze znalosti modulární aritmetiky, která je základem pro mnohá šifrování pomocí veřejných klíčů, elektronických podpisů nebo hashovací funkce. Výsledkem projektu je návrh změn, které by měly urychlit výpočty bezpečnostních algoritmů.

KLÍČOVÁ SLOVA

Čipová karta, bezpečnostní algoritmy, modulární aritmetika, .NET Smart Card Framework

ABSTRACT

In this diploma thesis I dealt with proposal of optimization security algorithms calculations, that will be implemented on smartcards. This project is based on knowledge of modular arithmetic, that is used in many encryption like public keys, digital signatures and has function. The result of this project is a design of changes for accelerate the security algorithms calculations.

KEYWORDS

Smart card, security algorithms, modular arithmetic, .NET Smart Card Framework

BARTOŇOVÁ V. *Optimalizace bezpečnostních algoritmů pro smartkarty*. Brno: Vysoké učení technické v Brně, Fakulta elektrotechniky a komunikačních technologií. Ústav telekomunikací, 2011. Počet stran 59 s. Vedoucí diplomové práce byl Ing. Jan Hajný.

PROHLÁŠENÍ

Prohlašuji, že svou diplomovou práci na téma „Optimalizace bezpečnostních algoritmů pro smartkarty“ jsem vypracovala samostatně pod vedením vedoucího diplomové práce a s použitím odborné literatury a dalších informačních zdrojů, které jsou všechny citovány v práci a uvedeny v seznamu literatury na konci práce.

Jako autorka uvedené diplomové práce dále prohlašuji, že v souvislosti s vytvořením této diplomové práce jsem neporušila autorská práva třetích osob, zejména jsem nezasáhla nedovoleným způsobem do cizích autorských práv osobnostních a jsem si plně vědoma následků porušení ustanovení § 11 a následujících autorského zákona č. 121/2000 Sb., včetně možných trestněprávních důsledků vyplývajících z ustanovení § 152 trestního zákona č. 140/1961 Sb.

V Brně dne

.....

(podpis autora)

Ráda bych poděkovala Ing. Janu Hajnému za jeho rady a odborný dohled při zpracování diplomové práce.

OBSAH

1	Úvod	11
2	Problematika bezpečnostních algoritmů	12
2.1	Aritmetika kódu zbytkových tříd	13
2.1.1	Jedno-modulová aritmetika kódu zbytkových tříd	13
2.1.2	Největší společný dělitel	15
2.1.3	Euklidův algoritmus	15
2.1.4	Vlastnosti prvočísel	16
2.1.5	Zápis a reprezentace velkých čísel	18
2.2	Šifry založené na modulární aritmetice	18
2.2.1	Znakové šifry	19
2.2.2	Blokové šifry	19
2.2.3	Exponenciální šifry	19
2.2.4	Kryptografie eliptických křivek	20
3	Problematika smartkaret	21
3.1	Základní definice	21
3.2	Technické parametry smartkaret	22
3.3	Zajištění bezpečnosti dat	25
3.3.1	Elektronická autorizace dat	26
3.3.2	Správa a distribuce veřejných klíčů	26
3.3.3	Šifrování	27
3.4	Technologie Microsoft for SmartCards	28
3.4.1	Specifické požadavky	29
3.4.2	Zajištění bezpečnosti	30
4	Návrh projektu a jeho realizace	31
4.1	Návrh matematických operací	31
4.2	Simulace matematických operací	34
4.3	Realizace	37
4.3.1	Práce se smartkartou	38
4.3.2	Rozbor aplikace	40
5	Závěr	43
	Reference	44
	Seznam symbolů, veličin a zkratk	46

Seznam příloh	49
A První příloha	50
A.1 Fyzické parametry Gemalto.NET v2+	50
B Druhá příloha	51
B.1 Výsledky simulace matematických operací	51
B.2 Graf závislosti času na počtu řádů čísel	52
C Třetí příloha	58

SEZNAM OBRÁZKŮ

3.1	Fyzická konstrukce mikroprocesorové čipové karty	22
3.2	Struktura kontaktní procesorové čipové karty	23
3.3	Struktura APDU	25
4.1	Zjednodušené schéma komunikace.	31
4.2	Ukázka simulace výpočtů pro čísla se stejnou délkou řádů.	36
4.3	Komunikační schéma v prostředí .NET Smart Card [18].	37
4.4	Komunikační schéma pomocí vrstev v prostředí .NET Smart Card [18].	38
4.5	Aplikace .NET Card eXplorer.	39
4.6	Vytvořené projekty v MS Visual Studio 2008.	40
4.7	Průběh zpracování vstupních dat.	42
B.1	Simulace výpočtů pro čísla se stejným řádem o délce 30.	51
B.2	Simulace výpočtů pro čísla se stejným řádem o délce 60.	51
B.3	Simulace výpočtů pro čísla se stejným řádem o délce 90.	52
B.4	Simulace výpočtů pro čísla se stejným řádem o délce 120.	52
B.5	Simulace výpočtů pro čísla se stejným řádem o délce 150.	53
B.6	Simulace výpočtů pro čísla se stejným řádem o délce 180.	53
B.7	Simulace výpočtů pro čísla s různými řády.	54
B.8	Simulace výpočtů pro čísla s různými řády.	54
B.9	Simulace výpočtů pro čísla s různými řády.	55
B.10	Simulace výpočtů pro čísla s různými řády.	55
B.11	Simulace výpočtů pro čísla s různými řády.	56
B.12	Simulace výpočtů pro čísla s různými řády.	56
B.13	Graf závislosti času na počtu řádů čísel.	57

SEZNAM TABULEK

2.1	Výpočet $\text{gcd}(12345, 1350)$	16
2.2	Čas potřebný pro výpočet aritmetických operací	18
4.1	Princip sčítání pro čísla $x = 123456789$ a $y = 112233445$	32
4.2	Součet čísel o řádu 35.	33
4.3	Princip násobení pro čísla 1234 a 456.	34
4.4	Simulace výpočtů pro čísla se stejnou délkou řádů.	35
4.5	Simulace výpočtů pro čísla s různou délkou řádů.	36

1 ÚVOD

V diplomové práci se zabývám optimalizací bezpečnostních algoritmů smartkaret. Problematika smartkaret není zase tak velkou neznámou. Tento trend již našel využití v různých sférách a odvětvích, nejčastěji je možné se s ní setkat v podobě jízdenek v městské hromadné dopravě, zdravotních karet či karet pojištění ve zdravotnictví, plateb debetními kreditními kartami ve finančním sektoru nebo kontroly přístupu do chráněných prostor.

V dnešní době se považuje za primární ochránit svá data. Nejenom zabezpečit jejich úschovu, ale i manipulaci s nimi. Díky stále novým technologiím a rostoucí rychlosti Internetu je prakticky nutné vhodně zvolit takové zabezpečovací techniky aby špatná manipulace s citlivými daty nezpůsobila uživateli velké finanční ztráty. Stejnou zvyšující se rychlostí Internetu se zvyšují i nároky, které jsou kladeny na bezpečností algoritmy. Už nestačí chránit data samotná, ale principy jejich ochrany musí být co nejrychlejší a nejefektivnější. S tímto faktem souvisí i technická vybavení čipových karet. Bezpečnostní algoritmy, které čipové karty podporují jsou závislé na technickém vybavení karty - na velikosti paměti nebo procesoru. Aby nebylo nutné vyrábět stále lepší a lepší mikroprocesory, pozornost se obrátila na výpočty bezpečnostních algoritmů a jejich možné úpravy.

V rámci diplomové práce vycházím ze znalosti modulární aritmetiky, která je základem pro mnohá šifrování pomocí veřejných klíčů, elektronických podpisů nebo hashovací funkce. Mou snahou je navrhnout změny, které by měly urychlit výpočty bezpečnostních algoritmů na čipových kartách.

2 PROBLEMATIKA BEZPEČNOSTNÍCH ALGORITMŮ

Ochrana citlivých dat nebo systémů je již dlouhou dobu aktuálním tématem. Existuje nepřeberné množství bezpečnostních algoritmů, které pracují na tom či onom principu. Jedno mají, ale všechna společné, pracují na principu šifrování zprávy (textu, bitové posloupnosti).

Šifrování obecně vychází z předpokladu transformace otevřené zprávy na zprávu zašifrovanou, kde je nutné definovat šifrovací a dešifrovací klíče K_e, K_d . To zda šifrovací klíč bude stejný jako dešifrovací, záleží již na použité šifře. V systémech s tajným klíčem je šifrovací klíč stejný jako dešifrovací ($K_d = K_e$), nebo je z šifrovacího snadno odvoditelný. ($K_d = f(K_e)$). U systému s veřejným klíčem platí, že oba klíče jsou voleny tak, aby nebylo možné ze znalosti jednoho klíče odvodit druhý. Šifrování lze formulovat rovnici, kde Z představuje množinu zpráv, která má být zašifrována a C značí zašifrovaný text (kryptogram): [16]

$$C = E(Z, K_e)$$

Obrácené zobrazení (dešifrování) lze definovat rovnici, kde D označuje dešifrovanou zprávu tj. zprávu ve tvaru před samotným šifrováním:

$$Z = D(C, K_d)$$

Šifrovací klíče jsou sestavovány pomocí kryptografických výpočtů, které zvyšují bezpečnost zprávy. Díky těmto výpočtům je možné dosáhnout utajení obsahu při přenosu, integrity dat a autenticitu zprávy. Kryptografické výpočty lze rozdělit do několika skupin

1. Algoritmy symetrické kryptografie.
2. Algoritmy asymetrické kryptografie.
3. Autentizační kódy zpráv.
4. Generování náhodných a pseudonáhodných čísel.
5. Hashovací funkce.

Většina zmíněných kryptografických skupin nebo systémů čerpá z poznatků matematické algebry, převážně z aritmetiky kódu zbytkových tříd.

2.1 Aritmetika kódu zbytkových tříd

Mnohá šifrování pomocí veřejných klíčů, elektronických podpisů nebo hashovací funkce, jak již bylo zmíněno, vyžadují uplatnění aritmetiky kódu zbytkových tříd. Právě tato aritmetika umožňuje provádění výpočtů s konečnou přesností pro zobrazení nekonečných množin reálných čísel. Je nutné si uvědomit, že celkovou aproximaci reálných čísel na počítači reprezentuje konečná množina $F \subseteq R$. Tato množina bývá označována jako soustava čísel s pohyblivou řádovou čárkou nebo čísla reprezentovatelná na počítači. Množina F má následující vlastnosti [17]:

- F je konečná podmnožina reálných čísel Q .
- F je obvykle symetrická vzhledem k počátku, kde jsou udávány dvě počítačové reprezentace nuly.
- Elementy množiny F nejsou rozloženy rovnoměrně podél reálné osy, interval mezi dvěma sousedními čísly reprezentovatelnými počítačem je velmi malý, v blízkosti nuly a s rostoucí vzdáleností od ní se zvětšuje.
- Všechna známá racionální čísla jsou z množiny F vyloučena. Např. $1/10$, $1/3$, $5/6$ atd. Vzhledem k binární reprezentaci čísel jsou prvky množiny F jen racionální čísla typu p/q , kde q je mocnina dvou.

2.1.1 Jedno-modulová aritmetika kódu zbytkových tříd

Většina číslicových počítačů vykonává jen některé aritmetické operace přesně, jedná se především o ty, kde jsou operandy celá čísla. S ohledem na tento fakt je nutné používat celočíselné aritmetiky a výsledek poté redukovat modulem m . Samotná redukce modulem je známa pod názvem jedno-modulová aritmetika kódu zbytkových tříd (single-modulus residue arithmetic), celé číslo m ($m > 1$) modulem aritmetického systému a symbolem Z množinou celých čísel.

Na rozdíl od klasických celočíselných operací se v modulární aritmetice provádí celočíselné dělení modulem n a výsledkem je zbytek po tomto dělení. Díky tomu, že množina Z_n je konečná, jsou běžné operace jednodušší, rychlejší a potřebují konstantní množství paměti. Což umožňuje modulární aritmetiku prakticky využít nejenom ve výpočetní technice (aritmetika s velkými celými čísly, pseudonáhodná čísla), ale i pro přenos zprávy (ochrana zpráv proti chybám, komprese). Hodnota modulu je nejčastěji definována jako kladné celé číslo, které nemusí být prvočíslo. Například šifrování RSA, Rabin nebo ElGamal vyžadují efektivní metody pro provádění násobení a umocňování v Z_n . [12]

Modulární aritmetika využívá kongruence a dělitelnosti. Právě tyto vlastnosti modulu n umožňují počítat pouze se zbytky po dělení tímto modulem a výsledek

poté zobecnit na všechna čísla. Množinu všech celých čísel, která jsou kongruentní s nějakým n modulo lze také označit jako třídu kongruence¹ a značit ji \bar{a} .

Výpočty modulární aritmetiky

Sčítání a násobení

Některé operace modulární aritmetiky jsou si velmi podobné, například sčítání a násobení. Oba dva výpočty se chovají stejně jako při sčítání a násobení v klasické aritmetice celých čísel s tím rozdílem, že výsledek je vždy redukovaný podle modula N .

1. Sčítání - $[a]_{\text{mod}N} + [b]_{\text{mod}N} = [a + b]_{\text{mod}N}$
2. Násobení - $[a]_{\text{mod}N} \cdot [b]_{\text{mod}N} = [a \cdot b]_{\text{mod}N}$

Sčítání spadá do skupiny uzavřených, komutativních a asociativních operací s jednotkovým prvkem nula. V rámci této skupiny je možné ke každému prvku a z množiny celých čísel najít inverzní prvek $b = N - a$. Násobení naopak náleží do skupiny uzavřených, komutativních, asociativních operací s jednotkovým prvkem jedna. V této skupině je počet inverzních prvků pro operaci násobení v množině celých čísel rovný funkci $\varphi(n)$ (Eulerově funkci). [12]

Umocnění

Modulární umocnění je považováno za časově náročnější aritmetickou operaci a také velmi důležitou pro asymetrické kryptografické systémy. Pro výpočet mocniny lze vycházet z Eulerovy funkce $\varphi(n)$ a malé Fermatovy věty, ze které vyplývá, že $g^{\varphi(n)} \equiv 1 \text{ mod } N$ pokud existují nesoudělitelná taková g a n . Výpočet modulárního umocnění je poté definován takto: $c = a^e \cdot \text{mod} N$. Existuje několik variant jak přistupovat k výpočtu umocnění [12]:

- využití binárního umocňování ve směru z prava/doleva nebo zleva/do prava - pro aplikaci tohoto způsobu je nutné vycházet z posloupnosti součtů², která je dána binárním zápisem exponentu e . Pro provedení tohoto typu stačí malá paměť na ukládání mezivýsledků. Směr zda bude umocňování z prava či zleva určuje přístup k exponentu.

¹Kongruence označuje ekvivalenci na algebře, kterou lze kombinovat se všemi operacemi v algebře.

²Posloupnost součtů je definována jako nalezení nejkratší posloupnosti součtů pro číslo e , takových aby každé z čísel bylo součtem některých dvou předcházejících.

- využití základního k -násobné umocňování - pro využití tohoto způsobu výpočtu je nutné rozdělit exponent do bloků o velikosti k bitů a poté se vypočítají mocniny g^i pro index i od 0 do $2^k - 1$. Tohoto způsobu výpočtu se využívá v případech, kdy je nutné snížit počet provedených násobení, protože zpracovává víc než 1 bit v exponentu v jednom opakování.
- využití umocňování pomocí posuvného okna - tento způsob výpočtů využívá k -násobné umocňování, ale pro proměnnou délku okna. Exponent je rozdělen do bloků, které jsou od sebe navzájem odděleny nulou.
- využití Montgomeryho umocnění - tento výpočet využívá pro výpočet $x^e \bmod N$ kombinaci Montgomeryho násobení a binárního umocňování provedené zleva do prava. Montgomeryho umocňování patří mezi nejpoužívanější algoritmus pro implementaci modulárního umocňování.

V tabulce 2.2 je uveden čas pro vykonání jednotlivých operací, testy probíhaly na platformě Javacard. [12]

2.1.2 Největší společný dělitel

Dělitelnost celých čísel vychází z faktu, že celé číslo a je dělitelné celým číslem b ($c = a/b$). Pokud nastane případ, že hodnota c nebude celé číslo je nutné použít Větu dělení se zbytkem, která zní: Pokud čísla $a > 0$ a $b > 0$ poté existuje dvojice celých čísel q, r kde $q \geq 0$, $0 \leq r < a$, $b = a \cdot q + r$. V této větě představuje q podíl a r zbytek po dělení čísel a a b . Největší společný dělitel pro čísla a a b je poté celé číslo c , které dělí a a b .

Dále lze uvažovat, že největší společný dělitel celých nenulových čísel a a b je možné vyjádřit i jako součet $ma + nb$, kde m a n představují celá čísla.

2.1.3 Euklidův algoritmus

Pro výpočet největšího společného dělitele (gdc) dvou kladných celých čísel se používá také Euklidův algoritmus. Na základě tohoto algoritmu jde také vypočítat inverzní prvek nebo vyjádřit gdc dvou čísel jako součet jejich násobků.

Princip Euklidova algoritmu spočívá v nalezení takového přirozeného čísla, které dokáže čísla a a b dělit beze zbytku. Celý algoritmus funguje následovně: na vstupu se přijmou čísla a a b , v každém dalším kroku se vydělí se zbytkem číslo a číslem b . Pokud zbytek není nula, do a bude přiřazeno b a zbytek po dělení se vloží do uvolněné proměnné b a celý postup se opakuje. V daný moment, kdy zbytek po dělení je nulový, musí být v proměnné b uložen největší společný dělitel čísel a a b . [13]. Pro ilustraci výpočtu gdc je uveden příklad v tabulce 2.1.

a	b	$a = b \cdot q + \text{zbytek}$
12345	1350	$12345 = 9 \cdot 1350 + 195$
1350	195	$1350 = 6 \cdot 195 + 180$
195	180	$195 = 1 \cdot 180 + 15$
180	15	$180 = 12 \cdot 15 + 0$
15		

Tabulka 2.1: Výpočet gcd (12345,1350).

Na základě rozšířené verze Euklidova algoritmu lze také spočítat i multiplikativní inverzi³, kde největší společný dělitel dvou čísel je vyjádřen pomocí Bézoutovou rovnosti⁴, tedy jako lineární kombinaci daných čísel a jejich koeficientů z řad celých čísel.

Výpočet inverze

V situaci, kdy největší společný dělitel má hodnotu 1 ($\text{gcd} = 1$) je možné provést výpočet jeho inverzního prvku x modulo N . Celý postup vychází z vyjádření Bézoutovy rovnice, která po doplnění hodnot vypadá takto: $ax + bN = 1$. Poté matematickou úpravou lze získat rovnici $ax = 1 \pmod N$, kde nalezené a je hledaný inverzní prvek. Tento výpočet inverzního prvku se často objevuje v aplikacích teorie čísel.

2.1.4 Vlastnosti prvočísel

Označení prvočíslo definuje takové přirozené číslo, které je beze zbytku dělitelné dvěma různými přirozenými čísly, z toho jedno z nich musí být číslo 1 a druhé původní zadané číslo. Mezi nejznámější prvočísla patří především 3,5,7,11 aj. Zkoumáním vlastností se zabývá teorie čísel. [14]

Vlastnosti prvočísel

1. Každé složené číslo⁵ je možné vyjádřit jako součin prvočísel - faktorizace (například $28 = 2^2 \cdot 7$).
2. P bude klasifikováno jako prvočíslo právě když bude platit Wilsonova věta $(p-1)! \equiv -1 \pmod p$.
3. Suma převrácených hodnot prvočísla diverguje.

³Multiplikativní inverze čísla $x \in Z$ je takové číslo $x-1$, pro které platí, že $x * x-1 \equiv 1$.

⁴Bézoutova rovnice je dána vztahem $\text{gcd}(a,b) = \alpha a + \beta b$ kde $a, b \in N$ a $\alpha, \beta \in Z$.

⁵Složené číslo označuje takové číslo, které není prvočíslo

4. Jestliže platí, že G je konečná grupa s p^n prvky, tak také obsahuje G prvek řádu p .
5. Za podmínek, že $n > 1$ je kladné celé číslo, poté existuje p tak, že $n < p < 2n$ (podmínka vychází z Bertrandova postulátu).
6. Pokud p je prvočíslo a platí, že $0 < a < p$ je celé číslo poté $a^p - a$ je dělitelné p .
7. Pokud je p prvočíslo a p dělí součin čísel $(a \cdot b)$, poté p dělí a nebo p dělí b .

Testy prvočíselnosti

Testy prvočíselnosti se provádí pro ověření zda zadané číslo může být prvočíslem.

1. Elementární test prvočíselnosti - oblíbený velmi jednoduchý algoritmus, zkouší u testované čísla všechny jeho možné dělitele, neefektivní pro práci s velkými čísly.
2. Rabin-Millerův test - tento test je založen na myšlence rovností, které jsou splněny pro prvočísla, ale obecně neplatí, platnost je vždy zkoušena pouze na testovaném čísle. Rabin-Millerův test stanovuje zda číslo s pravděpodobností $1 - 1/4^k$ je prvočíslo, když k je počet iterací testu.
3. Lehmannův test.
4. Fermatův test - vychází z malé Fermantovy věty⁶, která říká, že pro každé prvočíslo p nesoudělné s číslem $a \in \mathbb{Z}_p$ platí $a^{p-1} \equiv 1$. Díky ní je možné vypočítat nejenom nejmenší kladný zbytek ale i multiplikativní inverzi.

Výpočet nejmenšího kladného zbytku

Při hledání nejmenšího kladného zbytku například pro 5^{203} modulo 101 je nutné vycházet z malé Fermantovy věty, což znamená, že platí $5^{100} \equiv 1$ (modulo 101). Poté výpočet kladného zbytku bude vypadat následovně:

$$5^{203} = (5^{100})^2 \cdot 5^3 \equiv 125 \equiv 24 \pmod{101}.$$

⁶Malá Fermatova věta je základním stavebním kamenem algoritmu generování šifrovacího klíče asymetrické šifry RSA. Je také nutnou podmínkou pro prvočísla. [13]

	256 bitů	512 bitů	1024 bitů	2048 bitů
Sčítání	0,257 μ s	0,429 μ s	1,101 μ s	2,330 μ s
Násobení	9,329 μ s	49,749 μ s	153,714 μ s	640,025 μ s
Dělení	16,018 μ s	77,576 μ s	253,098 μ s	1009,711 μ s
Umocnění	9,428 ms	94,275 ms	707,205 ms	5224,972 ms

Tabulka 2.2: Čas potřebný pro výpočet aritmetických operací

2.1.5 Zápis a reprezentace velkých čísel

Sada registrů v dnešních procesorech má velikost 32 nebo 64 bitů, což znamená že největší binární číslo se kterým může počítač bez větších problémů pracovat je 2^{32} (2^{64}). Pro čísla, která jsou větší je nutné použít vhodnou reprezentaci. Pro zápis velkých čísel se obvykle používají poziční číselné soustavy⁷. V každé poziční soustavě je možné vyjádřit číslo s pomocí rozvoje následovně:

- $s = a_nb^n + a_{n-1}b^{n-1} + \dots + a_1b^1 + a_0b^0$ nebo zkráceně $s = (a_na_{n-1}..a_1a_0)_b$
kde $b \in N/1; a_i \in 0..b-1$

Označení jednotlivých použitých prvků v rovnicích: a představuje číslice (cifru), index i řád číslice, b bázi (základ) číselné soustavy, a_n číslice nejvyššího řádu naopak a_0 určuje číslici nejnižšího řádu. Mezi nejpoužívanější číselné soustavy patří ty se základem 10, 6 a 2. Šifry jako RSA, Rabin nebo ElGamal využívají při svých výpočtech velké celé číslo, v řádu několika stovek bitů. Takto velká čísla není možná uložit do datových typů dostupných na současných počítačích. Proto se přistupuje k reprezentaci v již zmíněné poziční soustavě a jejímu zápisu. Ve většině případů bázi číselné soustavy je jednoduchý datový typ ve většině případů o velikosti 1 byte. Samotná hodnota velkého čísla je uchována v datové struktuře typu jednoduchého datového pole. Velikost čísla uložené tímto způsobem může být omezena množstvím dostupné paměti. [12]

2.2 Šifry založené na modulární aritmetice

Výše uvedené matematické operace se používají v rámci šifrování. V následujícím odstavci jsou uvedeny příklady šifer, které jsou založeny na modulární aritmetice.

⁷Jedná se o druh číselné soustavy, kde je hodnotě každé číslice dána její pozice v sekvenci symbolů.

2.2.1 Znakové šifry

Za každou složitější šifrou stojí šifry jednoduché, založené na substituci, transpozici či heslu (aditivní šifry). Klíčem k rozluštění substitučního systému je substituční tabulka se znaky otevřeného textu, kterým přiřazuje znaky šifrovaného textu. Typickým příkladem substituční šifry může být Caesarova šifra, kde je každému písmenu přiřazeno písmeno, které je o tři místa posunuté doprava. Tedy písmeno A je převedeno na D, B na E apod.

Caesarova šifra může být chápána i jako aditivní systém, protože při posunutí dochází k přičítání posloupnosti C (C je v abecedě ztotožněno hodnotou 3). U složitějších aditivních - heslových systémů jako je například Vigenérova šifra je heslo tvořené periodicky se opakujícím klíčovým slovem. Transpoziční systémy jsou na rozdíl od substitučních či aditivních znaky otevřeného textu nemění, jen je přeskupuje. Mění jejich pořadí v rámci slov či vět. Uvedené šifry patří do skupiny tzv. symetrických šifer, kde pro šifrování a dešifrování je použit stejný klíč.

2.2.2 Blokové šifry

Pro nesnadné rozšifrování textu na základě zjištění četnosti výskytu písmen byl vyvinut systém blokových šifer, který nahrazuje bloky určité délky otevřeného textu bloky stejné délky textu šifrovaného. Každý blok otevřeného textu se převádí jako nejmenší nezáporný zbytek modula N lineární kombinací prvků v daném bloku. Díky faktu, že blokové šifry pracují s bloky písmen nikoliv s jednotlivými písmeny, nejsou zranitelné kryptoanalýzou založenou na frekvenční metodě.

Za to kryptoanalýza blokových šifer s použitím výskytu četnosti jednotlivých kombinací písmen v bloku o velikosti n má smysl pouze bude-li n malé číslo. Například, v případě kdy $n = 10$, existuje $26^{10} = 1,4 \times 10^{14}$ kombinací písmen s touto délkou. Pro takto velký počet je velmi obtížné použít analýzu založenou na srovnání relativních četností daných kombinací v šifrovaném textu s výsledky relativní četnosti získanými z textu obyčejného. [17]

2.2.3 Exponenciální šifry

Exponenciální šifry využívají modulární umocňování, k zašifrování zprávy je nutné převést text zprávy do dvojciferného číselného tvaru a tato čísla poté seskupit do $2s$ bloků dekadických číslic, kde s je největší kladné sudé celé číslo. Poté každý blok otevřeného textu se převede na blok šifrovaného textu dle vzorce $c = |p^e|_m$, kde p udává blok otevřeného textu a e představuje šifrovací klíč. Pro dešifrování bloku c je nutné znát dešifrovací klíč tj. takové celé číslo d - multiplikativní inverzi

$e \bmod(m - 1)$. Exponenciální šifra se především používá pro vytvoření společného klíče pro dva nebo více subjektů. [17]

2.2.4 Kryptografie eliptických křivek

Kryptografie eliptických křivek (ECC) představuje další alternativu pro šifrování i pro elektronický podpis. ECC má výhodu v rychlosti a menší náročnosti na zvolený hardware. Eliptické křivky si lze představit jako množiny bodů v rovině, pro kterou platí rovnice $y^2 = x^3 + ax + b$. Princip šifrování a podepisování v ECC je založen na problému tzv. diskrétního algoritmu, kde je nutné najít z dvou bodů P a Q , které jsou součástí veřejného klíče, takové číslo, aby platila rovnice $Q = kP$. [17]

3 PROBLEMATIKA SMARTKARET

3.1 Základní definice

Smartkarta neboli čipová karta, je speciální typ plastové karty, která disponuje integrovaným obvodem/čipem, díky němuž dokáže přijmout a zpracovat data a poté vrátit požadované informace. Mezi její další přednosti patří spolehlivý implementovaný systém zabezpečení, který obsahuje nejenom ochranu proti neoprávněné manipulaci s daty, či jejich falšování, ale i důkladné zabezpečení čipu proti cizímu přístupu.

Smart karty lze obecně rozdělit podle typu vestavěného čipu a metody komunikace se čtecím zařízením.

1. Typy vestavěných čipů

- Paměťové - jsou přizpůsobeny k ochraně informací. Paměťový prostor na těchto kartách může být zabezpečený pouze pro čtení a zápis a nebo nezabezpečený - volně přístupný.
- Mikroprocesorové - jsou uzpůsobeny pro umístění zabezpečení proti neautorizovanému převodu, psaní a čtení. Mikroprocesorové čipové karty obsahují programy a OS, které se využívají pro převod dat pomocí algoritmů pro funkčnost těchto algoritmů je umístěn na čipu i patřičný hardware: mikrořadič, centrální procesor, koprocessor, operační paměťové zařízení a stálý paměťový prostor. Fyzické konstrukce je nakreslena na obrázku 3.1.

2. Metody komunikace s čtecím zařízením

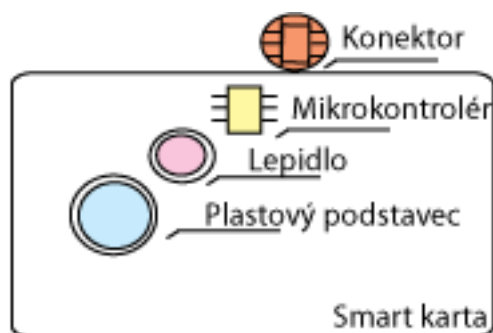
- Kontaktní - pro komunikaci je nezbytné čipovou kartu vložit do čtecího zařízení, aby došlo k propojení vodivých kontaktů. Čipová karta obsahuje kontaktní plochu s osmi kontakty. Každý z kontaktů má různou funkci (viz obrázek 1). V dnešní době se vyrábí karty integrující USB rozhraní přímo na čipu (označované USB-ICC), což umožňuje nahradit čtečky čipových karet USB rozhraním počítače. K počítačovému rozhraní je poté ještě připojen kontaktní adaptér s čipovou kartou v formátu SIM¹. [5]
- Bezkontaktní - tzv. bezdotykový přístup k informacím. Pro komunikaci je nutné přiložit kartu ke čtecímu zařízení. Komunikace s čipovou kartou probíhá pomocí rádiového rozhraní na krátkou vzdálenost (od 10 cm)

¹SIM - normovaná velikost dle ISO/IEC 7810 je 25x15mm.

využitím dané frekvence². V čipové kartě je zabudováno bezkontaktní rádiové rozhraní fungující na principu elektromagnetické indukce a přenosu informací elektromagnetickým polem.

- S dvojitým rozhraním - karta je vybavena dvěma čipy, kontaktním i nekontaktním.

Čipové karty jsou normovány mezinárodními standardy. Norma ISO/IEC 7816 obsahuje standardy pro kontaktní čipové karty v šestnácti částech. Za zmínku stojí norma ISO/ICE 7816-1, ve které jsou definovány fyzické rozměry čipových karet, jejich odolnost při statické elektřině a fyzická odolnost při ohýbání karty [1]. Další norma ISO/IEC 7816-12 výrazně rozšířila možnosti komunikace kontaktních čipových karet pomocí USB rozhraní a ISO/IEC 7816-15 definovala kryptografické informace a mechanismy. Norma ISO/IEC 1443 definuje bezkontaktní čipové karty ve čtyřech částech. Jednotlivé části slouží pro definici základních fyzikálních charakteristik, radiofrekvenčních výkonových a signálových rozhraní, inicializací spolu s anti-kolizí a přenosového protokolu. [5]



Obrázek 3.1: Fyzická konstrukce mikropočítačové čipové karty

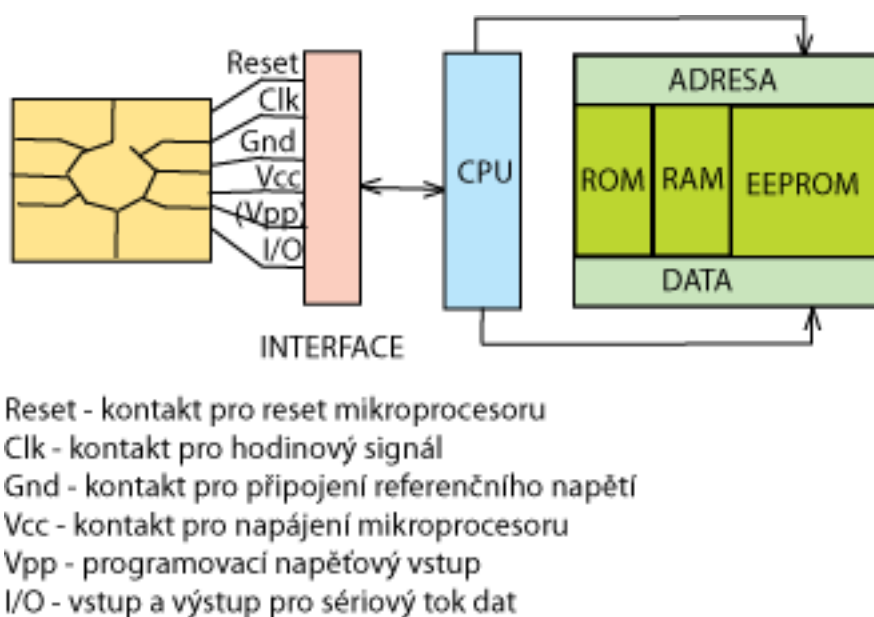
3.2 Technické parametry smartkaret

Jak již bylo uvedeno, kontaktní čipová karta je spojena s vnějším světem plochou o osmi kontaktech. Toto schéma je možné vidět na obrázku 3.2. Mimo kontaktní plochy obsahuje karta ještě mikropočítač a paměť. Na kartě je celá paměť situována do několika oblastí:

- Oblast typu RAM - tato paměť při manipulaci s kartou ztrácí svůj obsah (vyjmutí ze čtecího zařízení). Využívá se pouze pro uložení dočasných výsledků při výpočtech.

²Dle ISO/EIC1443 se používá frekvence 13,56 MHz.

- Oblast typu ROM - tato paměť obsahuje operační systém karty. Kapacita této paměti bývá nejčastěji několik desítek kilobajtů. Paměť tohoto typu nelze přepsat.
- Oblast typu EEPROM - tato paměť si oproti RAM paměti pamatuje informace i po vyjmutí karty ze čtecího zařízení a obsahuje důležitá data pro provoz aplikace. Dále je možné tuto paměť naprogramovat nebo smazat. Správné fungování paměti typu EEPROM je závislé na její kapacitě, řádově se využívá kapacita nepřevyšující desítky KB.



Obrázek 3.2: Struktura kontaktní procesorové čipové karty

Operační systém čipové karty implementuje příkazy komunikačního rozhraní APDU³ a plní funkci i jako management dat na kartě. Podle OS implementovaného výrobcem lze přesně určit, k čemu je možné čipovou kartu použít. S ohledem na vlastnosti OS lze čipové karty rozdělit na statické nebo dynamické čipové karty.

- Statické - karty (označované jako statické) umožňují čtení dat, jejich zápis a práci s nimi. Do této skupiny lze zařadit SIM karty⁴, Cryptoflex, StarCos, Gemplus).

³APDU - Application Protocol Data Unit - jedná se o jednotný formát zpráv definovaný nad protokoly T=0 a T=1. [4]

⁴SIM - Subscriber Identity Module - identifikační číslo účastníka v mobilní síti.

- Dynamické - na karty tohoto označení lze nahrát programový kód a jeho prostřednictvím něho měnit chování karty. V současné době mezi nejrozšířenější patří JavaCard nebo Gemalto .NET Card.

Organizace dat na kartě probíhá pomocí souborové struktury. Jedná se převážně o uložení citlivých dat a případnou práci s nimi. Souborový systém je obdobou struktury dat na disku PC - data se ukládají do adresářů podle důležitosti [4].

- MF - Master File = kořenový adresář / disk.
- DF - Dedicated File = adresář aplikace.
- EF - Elementary File = datový soubor.
- Speciální soubory - jedná se o EF obsahující data, která jsou zprostředkována OS karty (soukromé klíče apod.).

Data se na čipové kartě ukládají jako objekty s atributy. Kupříkladu soukromý klíč není uložen pouze v jednom datovém souboru, ale i v několika dalších, kde jsou uloženy informace o vlastních datech, příznaku soukromého klíče, nebo o použitém algoritmu soukromého klíče. Aplikace přistupující k datům se v jednotlivých APDU příkazech odkazuje na dané atributy nikoliv na celá data. Atributem objektu se může stát i příznak v případě, že se jedná o soukromý či veřejný objekt čipové karty.

Komunikace s čipovou kartou probíhá přes komunikační rozhraní. Pro toto rozhraní jsou navrženy dva přenosové protokoly T=0 a T=1⁵. T=0 patří do skupiny znakově orientovaných protokolů, dále odděluje také požadavky a odpovědi na ně. T=1 protokol je na rozdíl od T=0 orientovaný blokově a požadavky ani odpovědi na ně neodděluje. Komunikace s nekontaktní čipovou kartou probíhá pomocí protokolu T=CL. Struktura APDU je k dispozici na obrázku 3.3. Samotný přenos informací může poté probíhat na dvou rozhraních na APDU a na API⁶.

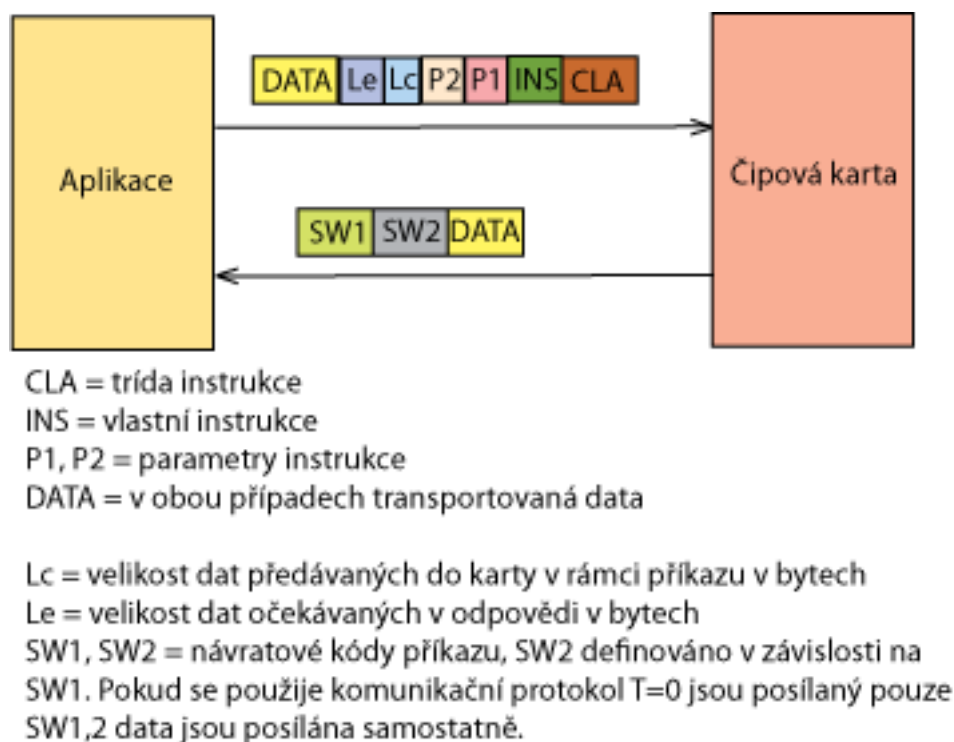
1. APDU rozhraní - jedná se o společné rozhraní pro všechny typy čipových karet, které tímto způsobem vylučují nekompatibilitu mezi nimi nebo mezi různými OS.
2. API rozhraní - toto rozhraní komunikuje s kartou detailně určeným rozhraním za použití ovladače (PKCS#11⁷, CSP⁸ a jiné.) pro daný typ karty. Ovladače neboli knihovny pro komunikaci s kartou poskytuje jejich výrobce. [4]

⁵T=0 a T=1 jsou standardizované přenosové protokoly dle normy ISO/IEC 7816-3.

⁶API - Application Interface - jedná se programovatelné rozhraní aplikace.

⁷PKCS#11- jedná se standart použitelné pro rozhraní s kryptografickými tokeny.

⁸CPS - Cryptographic Service Provider - knihovna v Microsoft Windows, která umožňuje kódování a dekodování funkcí.



Obrázek 3.3: Struktura APDU

3.3 Zajištění bezpečnosti dat

Smartkarty obecně umožňují dvou-faktorovou bezpečnost, tzn. bez znalosti přístupového hesla (PIN) a čipové karty není možné získat přístup k důvěryhodným informacím. PIN má vždy čtyřmístný tvar a je složen z číslic tj. 10 000 možných kombinací. S ohledem na tento počet umožňují čipové karty také omezení počtu pokusů o vložení PIN. Po jejich vyčerpání se karta ve většině případů zablokuje nebo zničí. [2]

Díky tomu, že majitel čipové karty má svou kartu vždy u sebe, zabraňuje nebezpečným útokům na ni. Útoky na čipové karty jsou znesnadněny i strukturou karty (obsahují jediný čip), kdy nelze sledovat komunikaci mezi jednotlivými prvky. Navíc současné čipové karty jsou odolné i vůči sofistikovaným útokům (jako jsou slovníkové útoky) a v krajním případě dokáží zničit uložená data. [6]. Mimo PIN lze zabezpečit čipové karty i o další bezpečnostní prvky například o magnetické proužky nebo natištěné informace (identifikační číslo, čárový kód).

V dnešní době patří kontaktní čipové karty mezi nejuniverzálnější a v bezpečnosti k nejpoužívanějším. Tyto karty mohou podporovat i elektronickou autorizaci dat (elektronický podpis), PKI⁹ a šifrování (asymetrické nebo symetrické). Díky

⁹PKI - Public Key Infrastructure, jedná se o označení správy a distribuce veřejných klíčů v asymetrické kryptografii.

mikroprocesoru lze provádět složité výpočty, mezi které často patří zašifrování a dešifrování dat pomocí klíče uloženého na kartě, což rozšiřuje možnosti jednoznačného určení uživatele přistupujícího k systému. [4]

3.3.1 Elektronická autorizace dat

Elektronickým podpisem se rozumí digitální podpis ověřitelný s použitím veřejného klíče, jenž je součástí certifikátu¹⁰. Vznikl za účelem přenesení rukou psaného podpisu do světa moderních technologií. Nejčastěji je možné se s tímto prvkem setkat při nalogování do zabezpečených aplikací využívající protokol https (internetové bankovníctví, poštovní klienti aj.). Princip digitálního podpisu je založen na jedinečném páru veřejného a soukromého klíče. Tento princip vychází z asymetrického šifrování, které se vyznačuje tím, že pro zašifrování dat je nutné použít jiný klíč než pro šifrování, což je případ digitálního podpisu. Základem digitálního podpisu je jedinečný pár klíčů, u kterých je předem dané zda se jedná o klíč veřejný nebo soukromý. Samotný digitální podpis poté vzniká tak, že data určená k podepsání jsou převedena pomocí hash funkce na zkrácený řetězec znaků a digitální podpis je připojen k původním nešifrovaným datům. Veřejný klíč poté slouží k ověření, zda daný digitální podpis vznikl použitím párového soukromého klíče použitého na daný text. [8]

Pro digitální podpis se využívají asymetrické algoritmy RSA, DSA. U certifikační autority používá privátní klíč délku 1024 bitů. Délky RSA klíčů 2048 bitů a 4096 bitů se v tuhle chvíli používají pro digitální podpis serverů a certifikačních autorit samotných. [3]

V souvislosti s čipovou kartou elektronický podpis probíhá následně. Potřebné klíče se vygenerují přímo na čipu karty za použití metod pro generování náhodných čísel, kde také zůstávají. Čipovou kartu není možné zcela zkopírovat a v tuto chvíli neexistuje funkce, která by umožnila získání tajného klíče. Při použití karty data určená pro podpis nebo zašifrování odeslána do karty, kde se provedou požadované informace a zpátky k uživateli již přichází výsledek. [8]

3.3.2 Správa a distribuce veřejných klíčů

Jak již bylo zmíněno PKI (Public Key Infrastructure) se zabývá správou a distribucí veřejných klíčů z asymetrické kryptografie. Díky tomuto komplexnímu systému organizačních, technických a legislativních nástrojů je možné používat elektronický podpis v praxi. Hlavními součástmi PKI je certifikační autorita a registrační autorita.

¹⁰Certifikát je elektronicky podepsaný veřejný šifrovací klíč, který vydává certifikační autorita.

- Certifikační autorita - smyslem této autority je vydávání certifikátů, jejich následná správa a poskytování certifikátů. Certifikační autorita ověřuje digitální podpisy a také zneplatňuje certifikáty, které nejsou již považovány za bezpečné. Dále také zveřejňuje seznamy nedůvěryhodných certifikátů.
- Registrační autorita - tato autorita ověřuje identity žadatele o vydávání certifikátů. Dá se využít i jako pomoc při zpracování žádosti o certifikát.

Systém PKI tedy reprezentuje věrohodné předání veřejného klíče od jeho vlastníka k jeho uživateli, ověřovateli digitálního podpisu. Aby k tomuto předání došlo je nutné důvěryhodným způsobem získat certifikát s veřejným klíčem dané certifikační autority. [8]

3.3.3 Šifrování

Zabezpečení dat před neoprávněným přístupem je řešitelné pomocí různých opatření. Mezi nejúčinnější patří vhodně a správně implementovaná kryptografická ochrana. Bezpečnost šifry nejvíce závisí na kvalitě použitého klíče. Je nutné, aby klíč byl dostatečně komplexní a náhodný. Pokud tak nenastane, šifra je snadno prolomitelná. Potřebné hlavní klíče se generují a ukládají v bezpečném systému pro správu klíčů a následně jsou importovány na čipovou kartu pro standardní použití. Programové vybavení a čipová karta umožňují šifrovat a dešifrovat pracovní šifrovací klíče, které se využívají k vlastnímu šifrování nebo dešifrování dat. Pokud nastane porucha nebo ztráta karty je možné hlavní klíče importovat na náhradní kartu. [5]

Čipové karty podporují symetrické a asymetrické šifrovací algoritmy. Symetrické šifrovací algoritmy využívají pouze jediného klíče, kdežto asymetrické dvojici veřejného a soukromého. Na čipových kartách jsou nejčastěji implementovány algoritmy DES, 3DES a AES pro symetrické šifrování a RSA a hashování funkce pro šifrování asymetrické.

- DES, 3DES - neboli Data Encryption Standart; tento blokový algoritmus¹¹ byl vyvinut v 70. letech. V dnešní době je považován DES za nespolehlivý s ohledem na velikost jeho klíče (64 bit) a také na to, že v roce 1997 byla tato šifra prolomena. V návaznosti na tento fakt vznikl algoritmus 3DES, který je provádí trojitou aplikaci DES. 3DES běžně pracuje s klíčem o celkové délce 168 bitů. Ačkoli 3DES je v porovnání s AES daleko pomalejší, stále se používá při šifrování SSL spojení.¹²

¹¹Blokový algoritmus využívá pevně stanovený počet bitů = blok, který poté zašifruje.

¹²Protokol SSL (Secure Socket Layer) vytváří bezpečné šifrované propojení mezi uživatelem a serverem.

- AES - Advanced Encryption Standart - jedná se o standard, který byl udělen blokové šifře Rijndael. Vznikl jako náhrada za DES. Tato metoda může mít délku klíče 128, 192 nebo 256 bitů.
- RSA - tato šifra dostala název podle iniciály autorů Rivest, Shamir a Adleman. Tento algoritmus je vyhovující pro šifrování a zároveň pro podepisování díky tomu, že využívá rozkladu čísla na jeho prvočinitele. Algoritmus RSA se v současné době využívá nejvíce v systémech PGP¹³. [9]
- Hash funkce - jedná se o transformaci řetězce znaků o libovolné délce do řetězce znaků s pevnou délkou - otisk. Nejčastěji hash funkce slouží ke kontrole integrity dat, k rychlému porovnání dvojice zpráv nebo indexování. Hashovací algoritmus generuje otisk o určité délce. U MD5 je dlouhý 128 bitů (32 znaků) u SHA-1 160 bitů (40 znaků).

Hlavní výhodou symetrického šifrování je jeho rychlost, čehož se využívá pro šifrování a dešifrování velkého množství dat. Bohužel je ale použití jednoho sdíleného klíče velmi nepraktické s ohledem na bezpečnost. Oproti tomu asymetrické šifrování je bezpečnější, zato ale výrazně pomalé a prakticky nepoužitelné pro šifrování velkého množství dat. V praxi se velmi často obě metody šifrování kombinují tzv. vlastní data se zašifrují pomocí symetrického algoritmu (AES) a použitý klíč se zašifruje pomocí asymetrického algoritmu (RSA).

3.4 Technologie Microsoft for SmartCards

Společnost Microsoft již dlouhou dobu spolupracuje s výrobcí čipových karet. Nejznámější spolupráce nastala se společností Gemalto (Společnost Gemalto vznikla spojením firem Axalto a Gemplus). Během této spolupráce se podařilo vyvinout platformu operačního systému Microsoft Windows také pro smartkarty.

Microsoft Windows for Smart Cards je operační systém založený na architektuře, která podporuje různé čipy a platformy. Je rozšiřitelný a podporuje rostoucí počet výrobců karet. Operační systém běží na Windows Powered Smart Card, což je mikropočítač bez grafického uživatelského rozhraní. Aplikace této technologie je možné vytvářet v Microsoft visual basic nebo v Microsoft Visual C.

Fyzické vlastnosti technologie jsou vestavěné do hardware Windows Powered Smart Card. Využívá především software pro ochranu oprávněného přístupu ACL (Access control list). Navíc tyto karty využívají MS-DOS typ souborový systém, který ukládá jednotlivé aplikace na různá místa v paměti. Díky ALC, souborovému

¹³PGP - Pretty Good Privacy, jedná se o počítačový program, který využívá RSA. Tento program se používá při šifrování emailů, PGP je součástí většiny e-mailových klientů.

systému, zabezpečeným knihovnám a matematickým algoritmům není schopen neautorizovaný uživatel využít invazivní manipulace. Tak jak to platí u platebních nebo bankovních karet, i Windows Powered Smart Card je možné při krádeži deaktivovat a aktivovat vydání nové karty. [11]

Pro ladění a vytváření aplikací je možné využít Microsoft Visual Studio, který bez problémů komunikuje s Windows Smart Powered Cards. Kromě toho je možné využít Microsoft Windows Smart Card Toolkit.

- Windows for Smart Cards - jedná se o logické rozšíření operačních systémů Windows, dále poskytuje soudržný rozvoj a testovací prostředí.
- Windows Smart Cards Toolkit - je možné vytvářet a ladit mnoho různých aplikací ve stejném čase pro různá prostředí.
- Windows Powered Smart Cards s operačním systémem Windows umožňuje ukládání osobních kontaktní informací.

3.4.1 Specifické požadavky

Komunikace mezi počítačem a čipovou kartou probíhá podle specifikace PC/SC (Personal computer/Smart Card). Jedná se o specifikaci implementovanou už od verze operačního systému Microsoft Windows 200x/XP. Dále pro fungování je nutné mít instalované tyto komponenty:

- Ověřování na základě certifikátu služby (Certificate Authentication Service) - pomocí této služby dokáže systém Windows vytvářet certifikáty, které lze instalovat na čipové kartě.
- Microsoft Active Directory - jedná se o kompatibilní adresářové služby, kde jsou uloženy certifikáty.
- Cryptographic Service Provider (CSP) - poskytovatel kryptografických služeb usnadňuje komunikaci mezi zařízením a čipovou kartou.
- Windows 2000 nebo Windows Xp - nejnižší verze systému windows, se kterými je možné pracovat. Tyto operační systémy využívají PC/SC kompatibilní čtečky čipových karet s ověřovacím protokolem Kerberos¹⁴.

¹⁴Kerberos - jedná se o síťový autentizační protokol umožňující komunikaci v nezabezpečené síti. Tento protokol, který je postaven na symetrické kryptografii zamezuje odposlechu a zaručuje integritu.

3.4.2 Zajištění bezpečnosti

Technologie Microsoft for Smart Card využívá bezpečnostních algoritmů (RSA, DES, 3DES, AES a SHA), podporuje také digitální podpis a i více autentizačních mechanismů jako jsou PIN, otisk prstu nebo oční sítnice.

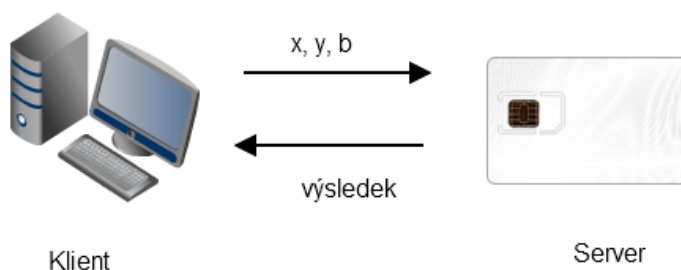
Autentizaci klienta zahrnuje zjišťování a jeho ověřování na server pro vytvoření bezpečného komunikačního kanálu. Zabezpečené protokoly, Secure Sockets Layer (SSL) nebo Transport Layer Security (TLS), se obvykle používají ve spojení s důvěryhodným veřejným klíčem certifikátu poskytnutých klientem, který identifikuje klienta na serveru. Klient může mít spuštěn Internet Explorer na platformě Windows, a server může být IIS (Internet Information Service), nebo nějaký jiný webový server, který podporuje SSL/TLS.

Zabezpečené relace jsou stanoveny pomocí veřejného klíče a výměnou unikátního klíče relace, který pak může být použit k zajištění integrity dat a důvěrnosti celé relace. Je možné dosáhnout dodatečného ověření mapování certifikátu na účet uživatele nebo skupiny s dříve stanoveným přístup-kontrola oprávnění. Čipové karty zvyšují ověření pomocí veřejného klíče tím, že slouží jako bezpečné úložiště pro klíč soukromý. [11]

4 NÁVRH PROJEKTU A JEHO REALIZACE

Tato práce se zabývá jak návrhem optimalizace výpočtů, tak i jejich realizací na čipové kartě. Jak již z teorie vyplynulo, v rámci optimalizace je nasnadě vycházet z modulární aritmetiky a jejích pravidel. Na čipovou kartu jsou implementovány dva algoritmy, jeden pro modulární sčítání a druhý pro modulární násobení.

Komunikační schéma mezi čipovou kartou a počítačem funguje na principu klient-server. V tomto případě klienta symbolizuje počítač, který je přímo závislý na čipové kartě - serveru. Klient zasílá serveru pouze hodnoty, veškeré výpočty se odehrávají na straně čipové karty. Viz obr. B.13.



Obrázek 4.1: Zjednodušené schéma komunikace.

4.1 Návrh matematických operací

Při návrhu matematických operací bylo nezbytné zjistit fyzické parametry karty. Mezi rozhodující patřily především informace o typu procesoru, s jakými daty procesor(karta) pracuje a i velikost dostupné paměti. Čipová karta, na které jsou implementovány výpočty disponuje 32 bitovým procesorem, velikost dostupné paměti se pohybuje kolem 40 KB (tato hodnota se bude snižovat s ohledem na knihovny a programy, které je nutné pro spuštění výpočtů na kartu nahrát). Další zajímavostí bylo zjištění, že čipová karta podporuje pouze datový formát *ulong*, což představuje 2^6 bitů tj. 64 bitové číslo.

Pro matematické operace - sčítání i násobení je využito možnosti zapsat velké číslo (o několika řádech) ve tvaru $s = (a_n a_{n-1} \dots a_1 a_0)_b$ kde $b \in N/1$; $a_i \in 0..b-1$. V tomto případě b symbolizuje základ, reprezentaci čísla. Pokud jsou dvě velká čísla takto zapsaná při stejném b (základní podmínka, bez ní by se tento způsob nedal aplikovat) lze počítat s jednotlivými řády samostatně - viz operací sčítání, násobení. [19]

Sčítání

V rámci sčítání velkých čísel je nutné brát ohled na velikost(délku) čísel se kterými provádíme danou operaci. Bohužel čísla v řádu několika stovek jsou mnohem náročnější na zpracování než-li čísla v řádech desítek. Pro následnou implementaci výpočtu na čipovou kartě byl zvolen řád 6 s ohledem na fakt, že výpočty pro kartu jsou hardwarově omezeny. Při návrhu operace sčítání se počítalo s čísly o řádu 8 viz níže tab. 4.1. Operace součtu probíhá následovně:

1. Jsou k dispozici čísla x a y , které mají velikost řádu u a v , čísla x a y mají stejnou reprezentaci b . Výpočty probíhaly s hodnotou $b = 10$. Při implementaci bude nutné znovu zvážit, zda je stále možnost používat základ 10, zda čipová karta dokáže s tímto základem počítat.
2. Dále je definováno c , které pomáhá při výpočtu součtu. Hodnota c obsahuje podmínku: $w_i = (x_i + y_i + c) < b$; $c = 0$; pokud tato podmínka neplatí $c = 1$.
3. Následuje určení řádu vypočítaného čísla i , podmínka je definována jako $u > v$ $i = u$; pokud podmínka neplatí $i = v$.
4. Probíhá cyklus operace sčítání $w_i = (x_i + y_i + c) \bmod b$.

i	8	7	6	5	4	3	2	1	0
x_i	1	2	3	4	5	6	7	8	9
y_i	1	1	2	2	3	3	4	4	5
w_i	2	3	5	6	9	0	2	3	4
c	0	0	0	0	0	1	1	1	1

Tabulka 4.1: Princip sčítání pro čísla $x = 123456789$ a $y = 112233445$.

Způsob sčítání jde aplikovat i pro čísla s vyššími řády. Chtějme získat součet dvou libovolných celých kladných čísel o řádu 35 tab. 4.2. V tomto případě je možné rozdělit výpočet na několik částí, ve kterých proběhne výše popsany algoritmus a poté je opět seskupit v daném pořadí (dle čísla řádu) za sebe. Zpětné seskupení v sobě skrývá také nutnost ošetřit hodnotu c , pokud by se tak nestalo může dojít ke znehodnocení celého algoritmu a ztrátě dat.

Násobení

Násobení velkých čísel je považováno za náročnější operaci než samotné sčítání velkých čísel. V rámci násobení se postupuje obdobně jako u sčítání, výpočty probíhají po znacích, metoda výpočtu je známá jako "metoda tužky a papíru". Tuto operaci jde dále zefektivnit pomocí Montgomeryho redukce, která při svém výpočtu používá jak modulárního násobení tak i hledání největšího společného násobku.

i	17	16	15	14	13	12	11	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	0
x_i	4	4	4	4	4	4	5	5	5	5	5	5	6	6	6	6	6	6
y_i	5	5	5	5	5	5	6	6	6	6	6	6	7	7	7	7	7	7
w_i	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	2	2	4	4	4	4	4	3
c	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1

i	35	34	33	32	31	30	29	28	27	26	25	24	23	22	21	20	19	18
x_i	1	1	1	1	1	1	2	2	2	2	2	2	3	3	3	3	3	3
y_i	2	2	2	2	2	2	3	3	3	3	3	3	4	4	4	4	4	4
w_i	3	3	3	3	3	3	5	5	5	5	5	5	7	7	7	7	7	8
c	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1

Tabulka 4.2: Součet čísel o řádu 35.

Operace násobení probíhá následovně:

1. Jsou k dispozici čísla x a y , které mají velikost řádu u a v , čísla x a y mají stejnou reprezentaci b . Výpočty probíhaly s hodnotou $b = 10$. Při implementaci bude nutné znovu zvážit, zda je stále možnost používat základ 10, zda čipová karta dokáže s tímto základem počítat.
2. Dále je definováno c , které pomáhá při výpočtu součinu. Standardně je nastaveno na nulu, v pozdějších krocích slouží pro uložení mezivýsledků.
3. Výpočet součinu je složen z následujících kroků, které jsou definovány v podobě cyklů:
 - (a) Dojde k určení řádu vypočítaného čísla pomocí for cyklu, který se opakuje od 0 do $u + v + 1$.
 - (b) Následuje určení prvního čitatele, který se nachází v nultém řádu čísla y .
 - (c) Výpočet proběhne jako $w_{i+j} = (x_j * y_i + c)$.
4. Výsledek je poté vložen do pomocných proměnných k a l , kde k představuje nultý řád w a l řád první, hodnota k bude poté vložena do c a celý cyklus se opakuje.
5. V poslední fázi se čísla uložené v jednotlivých krocích ve w_{i+j} sečtou a dají konečný výsledek. Viz. praktická ukázka výpočtu tab. 4.3.

i	j	c	$w_{i+j} + x_j y_i + c$	k	l	w_6	w_5	w_4	w_3	w_2	w_1	w_0
0	0	0	$0 + 24 + 0$	2	4	0	0	0	0	0	0	4
	1	2	$0 + 18 + 2$	2	0	0	0	0	0	0	0	4
	2	2	$0 + 12 + 2$	1	4	0	0	0	0	4	0	4
	3	1	$0 + 6 + 1$	0	7	0	0	0	7	4	0	4
1	0	0	$0 + 20 + 0$	2	0	0	0	0	7	4	0	4
	1	2	$4 + 15 + 2$	2	1	0	0	0	7	1	0	4
	2	2	$7 + 10 + 2$	1	9	0	0	0	9	1	0	4
	3	1	$0 + 5 + 1$	0	6	0	0	6	9	1	0	4
2	0	0	$1 + 16 + 0$	1	7	0	0	6	9	7	0	4
	1	1	$9 + 12 + 1$	2	2	0	0	6	2	7	0	4
	2	2	$6 + 8 + 2$	1	6	0	0	6	2	7	0	4
	3	1	$0 + 4 + 1$	0	5	0	5	6	2	7	0	4

Tabulka 4.3: Princip násobení pro čísla 1234 a 456.

4.2 Simulace matematických operací

Správnost výše uvedených matematických operací byla ověřena simulací v prostředí Microsoft Visual Studio 2008 a pomocí programovacího jazyka C#. Simulace spočívala ve zjištění času, který je potřeba pro provedení jednoduchého výpočtu. Pro simulaci byla použita velká čísla (v řádech 30 až 160 cifer) viz obr. 4.2. Výsledky simulace jsou zobrazeny v tab. 4.4a 4.5. Podrobnosti k jednotlivým měřením lze nalézt v příloze stejně tak jako graf vyjadřující časovou závislost na počtu řádu u čísel. B.1

Nasimulování chování algoritmů probíhalo na notebooku značky ASUS - A6T, fyzické parametry, procesor AMD Turion TL52 1,61 GHz a 1,00 GB paměti RAM. I přes daleko lepší hardwarové vybavení notebooku byly simulované algoritmy navrženy tak aby fungovaly i na "hardwarově slabších" smartkartách.

Největší úskalí v rámci programování bylo vhodně zvolit datový typ, který dokáže zpracovat velké množství čísel. Řešením se ukázalo použít textový typ **String**, kde se čísla zapisují jako znaky. Poté už v rámci operací a podmínek, lze k těmto číslům přistupovat a ze **String** brát jednotlivě znaky a ukládat je do bloků o určité délce nebo je konvertovat do jiných datových typů - **Int**.

Simulační program ¹ byl vytvořen v programovacím jazyku C# ve kterém probíhá i vývoj aplikací pro smartkarty ve frameworku. V hlavním vlákně programu **Program** ve funkci **Main** jsou volány jednotlivé funkce třídy **Knihovna** a také se zde

¹Kompletní zdrojový kód simulačního programu je přiložen na CD

měří čas potřebný pro simulované výpočty.

Třída `Knihovna` obsahuje vlastní výpočty simulačního programu. Jednotlivé výpočty jsou volány pomocí následujících funkcí:

- `soucetPoCislech` - součet po jednotlivých číslicích
- `soucetPoBlocich` - součet po blocích číslic
- `nasobeni` - násobení

Při použití jedné z funkcí jsou vždy předávány jako vstupní parametry dvě čísla, které chceme sečíst nebo mezi sebou vynásobit.

Funkce pro sčítání nejprve pomocí funkce `rozdeleniCiselDoBloku` vstupní data rozdělí do bloků, počet číslic v jednom bloku je definován při vytváření nového objektu třídy `Knihovna` jeho konstruktorem. V dalším kroku je v cyklu opakovaně volána funkce pro součet jednotlivých bloků a v tomto cyklu také probíhá kontrola na případné přetečení při součtu dvou bloků. Pro sčítání po jednotlivých číslicích se v cyklu volá funkce `soucetJedenBlokPoCislech`, pro sčítání po blocích pak `soucetJedenBlokPoBlocich`.

Operace násobení je prováděna přímo ve funkci `nasobeni`, ve které neprobíhá rozdělování čísel do bloků ale je přímo aplikován způsob násobení popsany v kap. Návrh matematických operací.

velikost čísla x (počet řádů)	30	60	90	120	150	180
velikost čísla y (počet řádů)	30	60	90	120	150	180
	$[\mu s]$	$[\mu s]$	$[\mu s]$	$[\mu s]$	$[\mu s]$	$[\mu s]$
sčítání-jednotlivá čísla	2,9794	3,0191	3,0736	3,1186	3,2020	3,2381
sčítání-bloky	1,0850	1,1053	1,1359	1,3484	1,1742	2,7956
násobení	1,1188	1,4453	2,4053	2,4650	2,7179	3,9176

Tabulka 4.4: Simulace výpočtů pro čísla se stejnou délkou řádů.

Tabulky 4.4 a 4.5 zobrazují jednotlivé časy pro tři druhy výpočtů.

- Sčítání - jednotlivá čísla - princip spočívá v sečítání jednotlivých řádů čísel, postupuje se od nultého řádu, směrem k nejvyššímu, ukázka postupu viz tab. 4.1
- Sčítání - bloky - tento algoritmus vychází z podstaty rozdělení velkých čísel do bloků o určité délce, po rozdělení nastane součet čísel, kdy se bloky sčítají postupně. 4.2

velikost čísla x (počet řádů)	30	60	90	120	150	180
velikost čísla y (počet řádů)	10	30	30	30	30	30
	$[\mu s]$	$[\mu s]$	$[\mu s]$	$[\mu s]$	$[\mu s]$	$[\mu s]$
sčítání-jednotlivá čísla	2,9716	3,0207	3,0627	3,8520	3,1448	3,2342
sčítání-bloky	1,0675	1,0904	1,0951	1,1824	1,1194	1,1870
násobení	1,0415	1,2259	2,1352	2,2048	2,3049	1,4699

Tabulka 4.5: Simulace výpočtů pro čísla s různou délkou řádů.

- Násobení - pracuje na principu násobení pomocí tužky a papíru. 4.3

Z naměřených hodnot vyplývá, že čím je číslo nebo čísla, která je nutné zpracovat, větší tím zákonitě se navyšuje doba na jejich zpracování. Zajímavým poznatkem je konstantní hodnota času při sčítání čísel s různou délkou řádů pomocí blokovou metodou, naopak tato technika při sčítání jednotlivých řádů vykazuje lineární průběh.

```

file:///C:/Documents and Settings/Verunka/Dokumenty/Visual Studio 2008/Projects/Vypocty...
--- Soucet cisel ---
cislo a= 5123456789012345678901234567896123456789012345678901234567897123456789
01234567899123456789012345678901234567898123456789012345678901234567890123456789
cislo b= 5123456789012345678901234567896123456789012345678901234567897123456789
01234567899123456789012345678901234567898123456789012345678901234567890123456789

Scitani po jednotlivych cislech
vysledek = 10246913578024691357802469135792246913578024691357802469135794246913
5780246913579824691357802469135780246913579624691357802469135780246913578
doba trvani = 00:00:00.0032020

Scitani po blocich
vysledek = 10246913578246901357824690135792246913578246901357824690135794246913
5782469013579824691357824690135782469013579624691357824690135782469013578
doba trvani = 00:00:00.0011742

--- Nasobeni cisel ---
cislo a= 5123456789012345678901234567896123456789012345678901234567897123456789
01234567899123456789012345678901234567898123456789012345678901234567890123456789
cislo b= 5123456789012345678901234567896123456789012345678901234567897123456789
01234567899123456789012345678901234567898123456789012345678901234567890123456789

Nasobeni
vysledek = 00613757602886547228176171869609517049786326876446520204791448545033
327569674800696706849063822399584417411426479233598005077507448346267891645575455
52046237408423972026166817216333702204486595868733982254417979577924651215218528
21780660135389315098864036585331876141386398862423961
doba trvani = 00:00:00.0027179

```

Obrázek 4.2: Ukázka simulace výpočtů pro čísla se stejnou délkou řádů.

4.3 Realizace

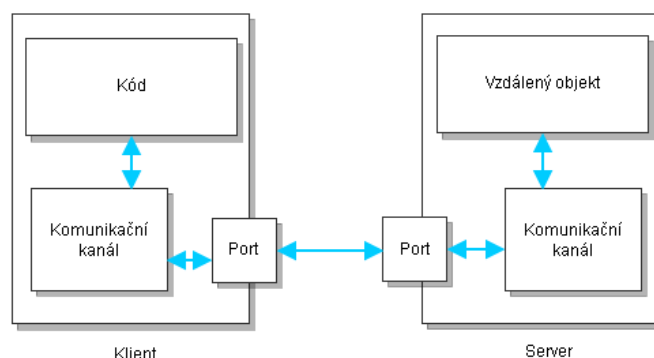
Popis prostředí a komunikačního modelu

Pro realizaci projektu byla zvolena technologie .NET Card, jejíž součástí není pouze programovatelná smartkarta vytvořená pro práci s .NET aplikacemi, ale i .NET SmartCard Framework obsahující důležité knihovny, které vyžadují aplikace běžící na smartkartách. Součástí technologie .NET Card jsou i nástroje pro vývoj nových aplikací uzpůsobených na Gemalto .NET cards a Common language runtime (CLR). Framework .NET Smart Card má v sobě implementovaný model komunikace typu klient-server, ve kterém terminál nebo počítač představují klienta a Gemalto .NET Card server. Interakce mezi těmito dvě subjekty zahajuje vždy klient použitím request nebo reply protokolu. Jako transportní protokoly se používají TCP nebo HTTP dle standardu ISO 7816-4. Veškerá komunikace mezi klientem a serverem prochází tzv. kanálem. Framework .NET Smart Card definuje vlastní kanál - `APDUChannel`, který je zodpovědný za kódování metod do binárního formátu a následný přenos dat z klienta na server. [18]

Aby tato komunikace byla realizovatelná, je nutno zaregistrovat kanál a číslo portu po kterých bude komunikace probíhat. (Viz obr. 4.3). Jak na klientské tak i na serverové straně se inicializuje nový kanál s daným portem, klientská strana navíc použije třídu `Activator` pro získání odkazu na vzdálený objekt, který je definován URL adresou a název vzdálené třídy poté obdrží hodnotu URI. URL poté vypadá následovně:

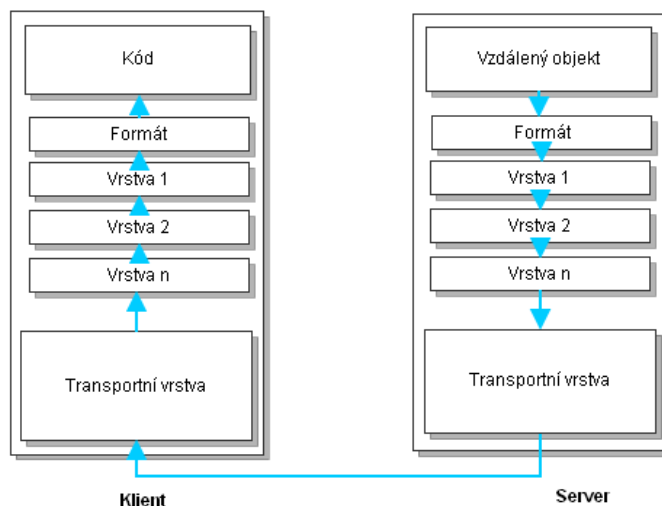
```
apdu://název čtecího zařízení:port registrované služby/název služby
```

Mimo přesného názvu čtecího zařízení lze uvést parametr `promptDialog` (umožňuje uživateli vybrat si čtecí zařízení dle vlastního výběru) `selfDiscover` (automaticky je vybráno čtecí zařízení, ve kterém se nachází smartkarta).



Obrázek 4.3: Komunikační schéma v prostředí .NET Smart Card [18].

Čipové karty v rámci zjednodušení komunikace využívají vzdáleného přístupu k aplikacím. Respektive klient i server pracují v několika vrstvách, které umožňují vlastní modifikaci (šifrování, kompresi apod.) toku dat. Princip zobrazen na obr. 4.4.



Obrázek 4.4: Komunikační schéma pomocí vrstev v prostředí .NET Smart Card [18].

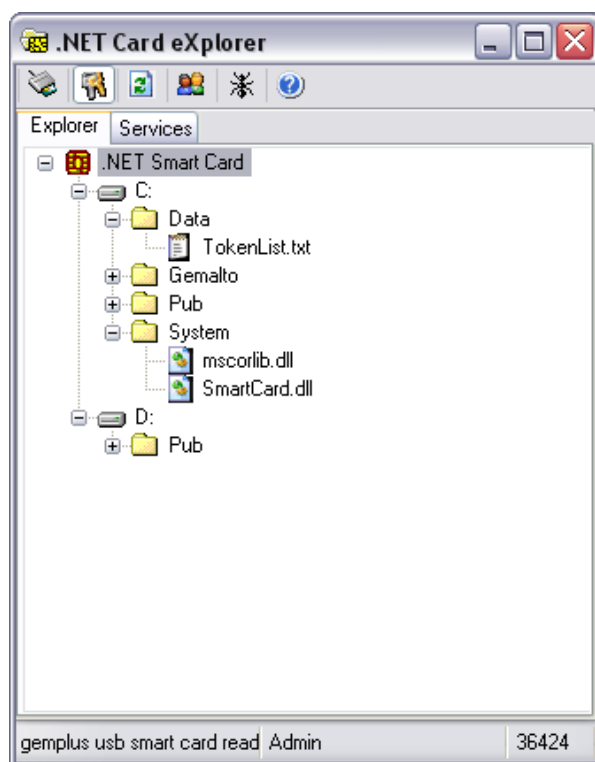
4.3.1 Práce se smartkartou

Během celého projektu byla využita smartkarta typu Gemalto.NET v2+. Tato smartkarta disponuje 32-bitovým mikroprocesorem značky Infineon a maximální přenosovou rychlostí 223200 bps. Dále obsahuje kryptografický koprocessor umožňující výpočty kryptografických operací jako jsou DES, TripleDES, Rijindael nebo RSA. Další technické parametry karty jsou k dispozici v příloze. A.1

Díky .NET Smart Card Frameworku a aplikaci .NET Card eXploreru lze zobrazit celý souborový systém smartkarty obr. 4.5. Ten je logicky rozdělen na dva disky C:\ a D:\. Disk C:\ obsahuje knihovny důležité pro zprovoznění aplikací na kartě (např. `SmartCard.dll`), na disku D:\ se nachází informace o fyzických parametrech a schopnostech karty. Datový prostor pro samotné aplikace je k dispozici na disku C:\ ve složce Public. [18]

Aplikace .NET Card eXploreru umožňuje práci s daty na kartě v podobě vytváření nových složek, nahrávání aplikací nebo jejich administraci v rámci souborového systému. Celková manipulace s daty je závislá na přístupové roli, veškeré modifikace může provádět pouze Administrátor, User nebo role Everyone mají velmi omezené možnosti úprav.

Karta obecně dokáže pouze pracovat s aplikacemi (s příponami `.exe`) a knihovnami (s příponami `.dll`), které jsou nahrány na kartu pomocí čtečky, pro tento projekt



Obrázek 4.5: Aplikace .NET Card eXplorer.

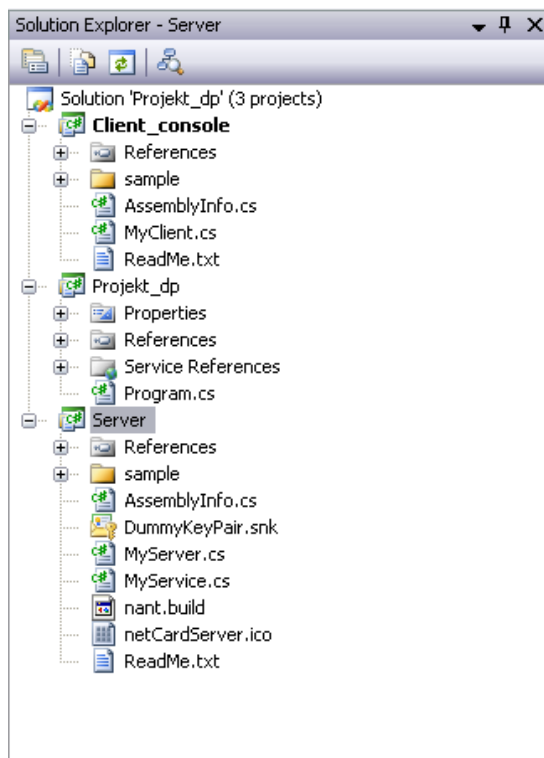
byla využita čtečka karet Gemplus USB Smart Card Reader 0. Nahrávání aplikací a knihoven umožňuje Card Explorer tool, kde je důležité vlastní osobu nejdříve autentizovat pomocí PIN. Po úspěšné autentizaci se zobrazí celý souborový systém a pro nahrání již stačí pouze kliknout na složku, ke které byl umožněn přístup, a přes pravé tlačítko myši vybrat Add > New File, poté vyhledat daný soubor určený pro nahrání > Open. Daný soubor se zkopíruje do vybrané složky na kartě. Spuštění souboru je poté spuštěn > Execute. Aplikace běžící na kartě jsou trvalé tzv. nedochází k jejich ukončení i např. při odebrání karty z čtecího zařízení. Jedinou výjimku tvoří nezaregistrované služby.

Gemalto .NET Card umožňuje řešit i zabezpečení dat, nejčastěji pomocí:

- Access Manager - umožňuje vytvářet uživatelské účty s různými pravomocemi. Tyto uživatelské účty "user roles" jsou převážně situovány pro práci s aplikacemi na kartě (v jejím souborovém systému).
- Application Security - aplikace, které jsou nasazeny na kartu, jsou vždy podepsané pomocí veřejného klíče.
- Data Security - data, která uložena na kartě jsou k dispozici pouze vybraným uživatelům pomocí "user roles".

4.3.2 Rozbor aplikace

Vývoj aplikace probíhal v Microsoft Visual Studio 2008 pomocí .NET Frameworku 3.5. Jako programovací jazyk byl zvolen C#. Veškeré ladění probíhalo v operačním systému Microsoft Windows XP, za pomoci vývojového prostředí pro smartkarty - SDK. Vytvořená aplikace se skládá ze dvou projektů jeden - Client_Console definuje procesy a funkce, které probíhají na straně klienta. Druhý projekt - Server popisuje to stejné jen na straně serveru.



Obrázek 4.6: Vytvořené projekty v MS Visual Studio 2008.

Projekt Server

Server aplikaci lze vytvořit pomocí šablony netCard Server, která je součástí vývojového prostředí Microsoft Visual Studiu 2008 .NET Framework 3.5. Díky použití šablony netCard Server se vygenerují i další soubory, především DummyKeyPair.snk, MyServer.cs, MyServices.cs a nant.build.

- `Server.csproj` - jedná se o hlavní soubor aplikace Server.
- `MyServices.cs` - třída, která spravuje služby, které jsou nabízeny klientům.
- `AssemblyInfo.cs` - třída, která slouží k aktivaci podpisu aplikací.
- `DummyKeyPair.snk` - je určen k podepsání souboru. Veškeré aplikace, které se přidávají na smartkartu musí být podepsané.
- `MyServer.cs` - hlavní třída, která obsahuje zdrojový kód obsluhující dění na serveru, také umožňuje registraci a zpřístupnění služeb.
- `nant.build` - základní soubor pro spuštění aplikace na čipové kartě.

Projekt Client_Console

Pro klientskou aplikaci lze využít také šablonu stejně jako pro Server aplikaci. V případě klientské aplikace se jedná o netCard Client Console. Po použití této šablony se vytvoří i další soubory důležité pro fungování, jedná se o:

- `Client_console.csproj` - hlavní soubor aplikace Client Console.
- `MyClient.cs` - hlavní třída umožňující přístup na služby, zveřejněné na serveru.
- `AssemblyInfo.cs` - obsahuje všeobecné informace o attributech definovaných v Client_Console.

Projekt_dp Aplikace

Aplikace s názvem Projekt_dp slouží ke kompilaci všech projektů, obsahuje mimo potřebných knihoven pouze třídu `Program.cs`, která zajišťuje chod navržené aplikace.

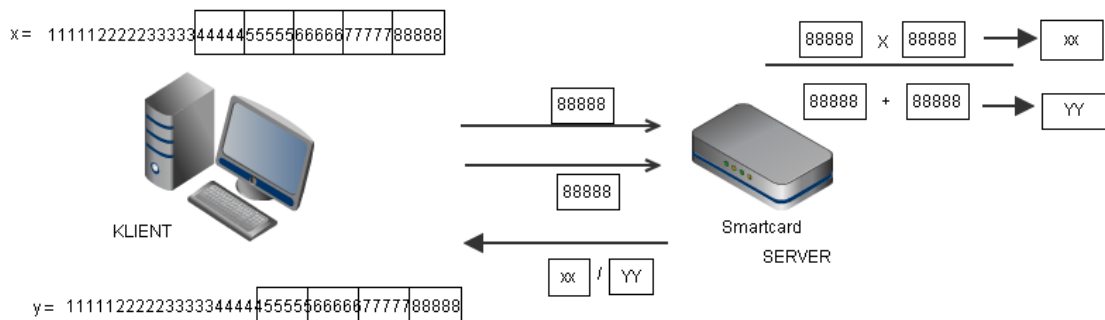
Implementace nasimulovaných algoritmů

V rámci implementace, měly být odsimulované matematické algoritmy nahrány na smartkartu, do aplikace Server. Přesněji měly být definovány jako služby, které by Server poskytoval svým klientům. Princip komunikace poté měl být následující:

1. Server zpřístupní své služby pro klienty, dojde i k zaregistrování kanálu pro přístup k této službě.

2. Klient je nucen se autentizovat pro přihlášení k Serveru.
3. Klient zaregistruje kanál a i samotnou službu, kterou chce využívat.
4. Klient zasílá službě provozované na Serveru vstupní informace.
5. Server zpracovává požadavek od klienta a zasílá mu výslednou odpověď.

Než začne samotné zasílání vstupních informací do služeb provozovaných na Serveru je nutné na straně klienta připravit vstupní informace do takové podoby, aby je Server mohl bez problémů přijmout a pracovat s nimi. Proto se rozdělí čísla rozdělí na malé bloky o velikosti n , které se postupně odesílají na Server, tam zvolená služba zpracuje a výsledek odešle zpátky klientovi. Poté se zpracuje další blok. Viz obr. 4.7



Obrázek 4.7: Průběh zpracování vstupních dat.

Nasimulované algoritmy nebyly implementovány na smartkارتu z důvodu nemožnosti nahrát na kartu jakýkoliv kód. Nahrání a následnému ověření funkčnosti bylo zrušeno díky aplikaci .NET Card eXploreru, který neumožnil uploadovat na kartu debugovaný soubor `Server.exe`. Tento problém, mohl vzniknout již plnou pamětí smartkarty, bohužel i přes snahu o uvolnění místa na kartě se nepodařilo soubor uploadovat. Jediná možnost, je zkusit přehrát defaultní nastavení smartkarty a pokusit se nahrát soubor znova.

5 ZÁVĚR

V diplomové práci jsem se zaměřila na problematiku bezpečnostních algoritmů a na jejich optimalizaci. V rámci teoretického úvodu byly připomenuty základní poznatky z algebry, přesněji týkající se modulární aritmetiky, která tvoří základ pro fungování každého bezpečnostního algoritmu. Dále byla zmíněna důležitost reprezentace velkých čísel a principy prvočíselnosti. Součástí matematicky zaměřeného úvodu byly zmíněny ukázky šifer využívající modulární aritmetiku.

Mou snahou bylo také v této práci rozebrat teorii čipových karet, principy jejich fungování, základní rozdělení a zabezpečení dat. Poté byla v rámci čipových karet zmíněna i platforma .NET Smart Card framework umožňující vytváření aplikací pro čipové karty a operačním systémem určených pro čipové karty firmy Microsoft - Microsoft for Smart Card.

Kapitola Návrh projektu a jeho realizace popisuje návrh změn, které jsou podloženy teoretickými důkazy. Tato práce se zaměřila na optimalizaci výpočtu součtu a součinu dvou velkých čísel (řádově desítek a stovek). Návrhy byly realizovány ve vývojovém prostředí Microsoft Visual Studio 2008 v jazyku C#. Výsledky simulace jsou k dispozici v tabulkách 4.4 a 4.5. Graf závislosti je také součástí přílohy.

Samotné nasazené nasimulovaných výpočtů se bohužel nepodařilo implementovat na smartkarty, důvod neúspěchu samotné implementace může být v hardwarovém omezení smartkarty (omezená velikost paměti) nebo ve špatném nahrání spustitelného .exe souboru na server. Na základě teoretických znalostí poznatků v této diplomové práci a provedené simulaci výpočtu by měly být navržené algoritmy funkční pro implementaci do čipových karet.

REFERENCE

- [1] BAY, R. Čipové karty a USB tokeny, aneb bezpečnější autentizace a šifrování (3) - obecné požadavky na tokeny. Svět sítí [online] 2003 [cit. 2010-11-17]. Dostupný z URL: <<http://www.svetsiti.cz/print.asp?rubrika=Tutorialy&clanekID=267/>>
- [2] BAY, R. Čipové karty a USB tokeny, aneb bezpečnější autentizace a šifrování (4) - bezpečnostní požadavky na tokeny I. Svět sítí [online] 2003 [cit. 2010-11-18]. Dostupný z URL: <<http://www.svetsiti.cz/view.asp?rubrika=Tutorialy&temaID=264&clanekID=268>>
- [3] BAY, R. Čipové karty a USB tokeny, aneb bezpečnější autentizace a šifrování (5) - bezpečnostní požadavky na tokeny II. Svět sítí [online] 2003 [cit. 2010-11-18]. Dostupný z URL: <<http://www.svetsiti.cz/view.asp?rubrika=Tutorialy&temaID=264&clanekID=269>>
- [4] KADLČÁKOVÁ L. Čipové karty, PKCS#11, PKCS#15 Aplikovaná kryptografie [online] 2006 [cit. 2010-11-17]. Dostupný z URL: <<http://www.karlin.mff.cuni.cz/~kadlcak/lessons/ak.html>>
- [5] ROSOL I. Čipové karty IT Security [online] 2010 [cit. 2010-11-17]. Dostupný z URL: <<http://www.systemonline.cz/it-security/cipove-karty.htm>>
- [6] KOŽUŠNÍK D. Potřebuje elektronický podpis bezpečí čipových karet? [online] 2001 [cit. 2010-11-18]. Dostupný z URL: <<http://www.systemonline.cz/clanky/potrebuje-elektronicky-podpis-bezpeci-cipovych-karet.htm>>
- [7] DOLEŽAL D. Jak funguje digitální podpis [online] 2002 [cit. 2010-11-18]. Dostupný z URL: <<http://http://interval.cz/clanky/jak-funguje-digitalni-podpis/>>
- [8] ŠABATOVÁ I. Elektronický podpis – principy a použití [online] 2005 [cit. 2010-11-18]. Dostupný z URL: <http://www.sabi.cz/stranky/FAME_publicace.html>
- [9] RYDVAL S. Algoritmus RSA [online] 2005 [cit. 2010-11-20]. Dostupný z URL: <<http://www.rydval.cz/phprs/view.php?cislocclanku=2005123124>>
- [10] CHEN Z., DiGiorgio R. Understanding Java Card 2.0 [online] 1998 [cit. 2010-11-24]. Dostupný z URL: <<http://www.javaworld.com/javaworld/jw-03-1998/jw-03-javadev.html?page=1>>

- [11] DE CLERCQ J. Smart Cards [online] 2010 [cit. 2010-11-29]. Dostupný z URL: <<http://technet.microsoft.com/en-us/library/dd277362.aspx>>.
- [12] KUBANDA, S. Modulárna aritmetika pre kryptografické výpočty v čipových kartách. Brno, 2010. 58 s. Diplomová práce. Masarykova univerzita, Fakulta informatiky.
- [13] PŘIKRYL, J.; VLČEK, M. Modulární aritmetika, Malá Fermatova věta, Čínská věta o zbytcích. Matematické algoritmy, 2010. s. 38. Dostupné z URL:< <http://euler.fd.cvut.cz/predmety/ma/files/ma-04-2008.pdf>>.
- [14] PŘIKRYL, J.; VLČEK, M. Prvočísla a dělitelnost. Matematické algoritmy, 2010. s. 40. Dostupné z URL:< <http://euler.fd.cvut.cz/predmety/ma/files/ma-03-2008.pdf>>.
- [15] JURAS, S. Autentizace pomocí smartkaret. Brno, 2010. 68 s. Diplomová práce. Vysoké učení technické v Brně, Fakulta elektrotechniky a komunikačních technologií.
- [16] BURDA, K. Bezpečnost informačních systémů. Brno, 2005. 104 s. Vysoké učení technické v Brně, Fakulta elektrotechniky a komunikačních technologií.
- [17] LÓRENCZ, R. Aplikovaná numerická matematika a kryptografie. Praha, 2004. 97 s. České vysoké učení technické v Praze, Fakulta elektrotechnická.
- [18] Gemalto .NET v2/2+ Smart Card [online].[2008], [cit. 2011-05-17].Dostupný z WWW:< <http://www.gemalto.com/dwnld/5763Gemalto.NETUserGuide.pdf>>.
- [19] MENEZES, Alfred; OORSCHOT, Paul; VANSTONE, Scott. Handbook of Applied Cryptography. [s.l.]: CRC Press, 1996. Efficient Implementation, s. 591-634. ISBN 0-8493-8523-7.

SEZNAM SYMBOLŮ, VELIČIN A ZKRATEK

- ACL Seznam oprávnění připojený k objektu. – Access control list
- AES Standard pro symetrické šifry. – Advanced Encryption Standart
- AID Číslo, které je přidělené každému java appletu. – Application Identifier
- APDU Formát zprávy, který zajišťuje komunikaci mezi čtecím zařízením a čipovou kartou. – Aplication Protocol Data Unit
- API Programovatelné rozhraní aplikace. – Application Interface
- CPS Jedná se o knihovnu v systému Microsoft Windows, která umožňuje kódování a dekódování funkcí. – Cryptographic Service Provider
- CPU Procesor - součást počítače, která vykonává spuštěné programy. – Central Processing Unit
- DES Symetrická šifra používající klíč o délce 64 bitů. – Data Encryption Standart
- DF Adresář aplikace v Souborovém systému - týká se organizace dat v paměti. – Dedicated File
- DSA Standard pro digitální podpis. – Digital singature algorithm
- RAM Typ elektronické paměti, jedná se o kombinaci pamětí ROM a RAM. – Electrically Erasable Programmable Read-only Memory
- EF Datový soubor v Souborovém systému - týká se organizace dat v paměti. – Elementary File
- ECC Kryptografie eliptických křivek - založená na problému diskrétního algoritmu. – Elliptic curve cryptography
- JVM Sada počítačových programů, které využívají modulu virtuálního stroje ke spuštění dalších programů a skriptů vytvořených v jazyce Java. – Java Virtual Machine
- MD5 Hašovací funkce, která vytváří ze vstupních dat otisk o fixní délce. – Message-Digest algorithm
- MF Kořenový adresář v Souborovém systému - týká se organizace dat v paměti. – Master File

- MS-DOS Operační systém určený pro jednoduchou obsluhu. – Microsoft Disk Operating System
- OS Operační systém je programové vybavení počítače (software). – Operating system
- PIN Osobní identifikační číslo, které slouží pro autentizaci uživatele. – Personal Identification Number
- PKCS Jedná se o skupinu standardů vztahujících se pro kryptografii s veřejným klíčem publikovanou RSA Security.
- PKCS#11 Standard pro rozhraní kryptografický token - bezpečnost založena na hardware.
- PKI V asymetrické kryptografii se tak označuje infrastruktura správy a distribuce veřejných klíčů. – Public Key Infrastructure
- PGP Počítačový program, který využívá RSA šifrování. – Pretty Good Privacy
- RAM Typ elektronické paměti, která umožňuje zápis a editaci dat. – Random-access Memory
- ROM Typ elektronické paměti, na které nejdou editovat již zapsané informace. – Read-Only Memory
- RSA Šifra s veřejným klíčem. – Rivest-Shamir-Adleman cipher
- SHA-1 Rozšířená hašovací funkce, která vytváří ze vstupních dat otisk fixní délky. – Secure Hash Algorithm
- SIM Identifikační účastnická karta se zabudovaným mikročipem, která souží pro identifikaci v mobilních sítí – Subscriber identity module
- SSL Protokol, který poskytuje zabezpečení komunikace šifrováním a autentizací komunikujících stran. – Secure Sockets Layer
- TLS Protokol, který poskytuje zabezpečení komunikace šifrováním a autentizací komunikujících stran. – Transport Layer Security
- URI Identifikátor zdroje, zda se jedná o dokument či službu – Uniform Resource Identifier
- URL Řetězec znaků s definovanou strukturou, který slouží k označení umístění zdrojů informace – Uniform Resource Locator

USB Univerzální sériová sběrnice, používá se pro připojení periférií k počítači, nástupce portů PS/2 – Universal Serial Bus

3DES Symetrická šifra používající klíč o délce 168 bitů. – Triple Data Encryption Standart

SEZNAM PŘÍLOH

A První příloha	50
A.1 Fyzické parametry Gemalto.NET v2+	50
B Druhá příloha	51
B.1 Výsledky simulace matematických operací	51
B.2 Graf závislosti času na počtu řádů čísel	52
C Třetí příloha	58

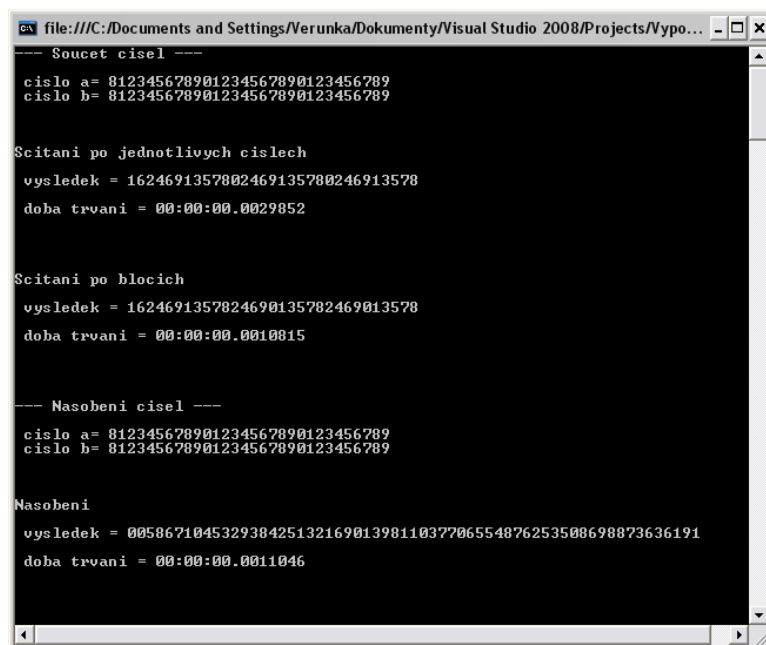
A PRVNÍ PŘÍLOHA

A.1 Fyzické parametry Gemalto.NET v2+

- product
name: Gemalto.NET v2+; vendor: Gemalto
OSversion: 2.1.213.9175; CLRversion: 2.1.213.9175
- hardware
name: SLE88CFX4000P
version: B17; vendor: Infineon
serialnumber: 57011351283EDE0B2F15FFFF
- comm speed
9600; 19200; 38400; 55800; 76800; 111600; 115200; 223200
- crypto
DES - type:sym, minimal key length:64, maximal key length:64, keygen
TripleDES - type:sym, minimal key length:128, maximal key length:192, keygen
Rijndael - type:sym, minimal key length:128, maximal key length:256, keygen
RSA - type:asym, minimal key length:256, maximal key length:2048, keygen
MD5 - type:hash
SHA1 - type:hash
SHA256 - type:hash
HMACSHA1 - type:hash
- converter - version: 3.2
- manufacturing
siteID: 1982; date: 8340
embedding:
siteID: 0443; date: 8340
preperso:
siteID: 0444; date: 8340
equipmentID: 00010061

B DRUHÁ PŘÍLOHA

B.1 Výsledky simulace matematických operací



```
file:///C:/Documents and Settings/Verunka/Dokumenty/Visual Studio 2008/Projects/Vypo...
--- Soucet cisel ---
cislo a= 812345678901234567890123456789
cislo b= 812345678901234567890123456789

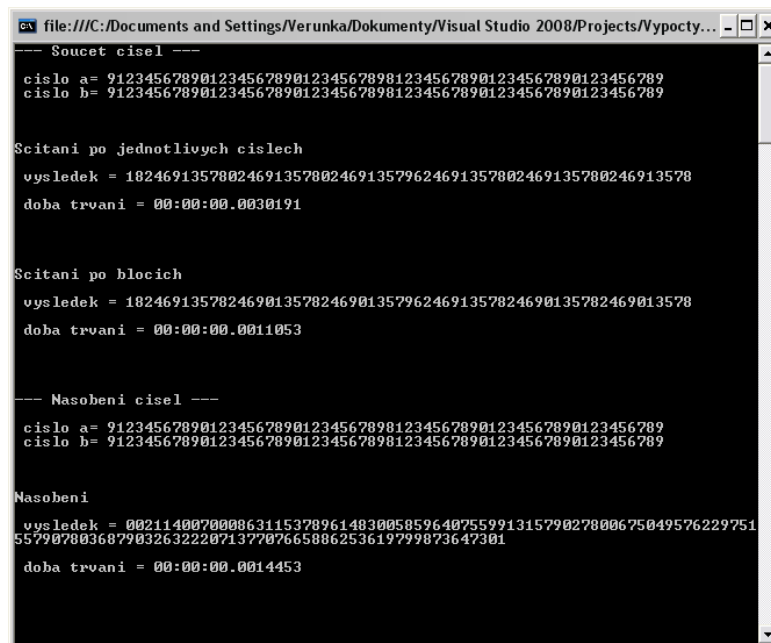
Scitani po jednotlivych cislech
vysledek = 1624691357802469135780246913578
doba trvani = 00:00:00.0029852

Scitani po blocich
vysledek = 16246913578024690135782469013578
doba trvani = 00:00:00.0010815

--- Nasobeni cisel ---
cislo a= 812345678901234567890123456789
cislo b= 812345678901234567890123456789

Nasobeni
vysledek = 0058671045329384251321690139811037706554876253508698873636191
doba trvani = 00:00:00.0011046
```

Obrázek B.1: Simulace výpočtů pro čísla se stejným řádem o délce 30.



```
file:///C:/Documents and Settings/Verunka/Dokumenty/Visual Studio 2008/Projects/Vypocty...
--- Soucet cisel ---
cislo a= 912345678901234567890123456789012345678901234567890123456789
cislo b= 912345678901234567890123456789012345678901234567890123456789

Scitani po jednotlivych cislech
vysledek = 1024691357802469135780246913579624691357802469135780246913578
doba trvani = 00:00:00.0030191

Scitani po blocich
vysledek = 10246913578024690135782469013579624691357824690135782469013578
doba trvani = 00:00:00.0011053

--- Nasobeni cisel ---
cislo a= 912345678901234567890123456789012345678901234567890123456789
cislo b= 912345678901234567890123456789012345678901234567890123456789

Nasobeni
vysledek = 00211400700086311537896148300585964075599131579027800675049576229751
55790780368790326322207137707665886253619799873647301
doba trvani = 00:00:00.0014453
```

Obrázek B.2: Simulace výpočtů pro čísla se stejným řádem o délce 60.

```

file:///C:/Documents and Settings/Verunka/Dokumenty/Visual Studio 2008/Projects/Vypocty...
--- Soucet cisel ---
cislo a= 7123456789012345678991234567890123456789012345678981234567890123456789
0123456789
cislo b= 7123456789012345678991234567890123456789012345678981234567890123456789
0123456789

Scitani po jednotlivych cislech
vysledek = 14246913578024691357982469135780246913578024691357962469135780246913
5780246913578

doba trvani = 00:00:00.0030736

Scitani po blocich
vysledek = 142469135780246901357982469135782469013578246901357962469135782469013
5782469013578

doba trvani = 00:00:00.0011359

--- Nasobeni cisel ---
cislo a= 7123456789012345678991234567890123456789012345678981234567890123456789
0123456789
cislo b= 7123456789012345678991234567890123456789012345678981234567890123456789
0123456789

Nasobeni
vysledek = 0006212910649138437860487780684463949536414912100428540455835092170
26382438849412554291915780257724352286403378076925658932521098503759654387624250
7590072536001

doba trvani = 00:00:00.0024053

```

Obrázek B.3: Simulace výpočtů pro čísla se stejným řádem o délce 90.

```

file:///C:/Documents and Settings/Verunka/Dokumenty/Visual Studio 2008/Projects/Vypocty...
Scitani po jednotlivych cislech
vysledek = 12246913578024691357802469135794246913578024691357982469135780246913
5780246913579624691357802469135780246913578

doba trvani = 00:00:00.0031186

Scitani po blocich
vysledek = 12246913578246901357824690135794246913578246901357982469135782469013
5782469013579624691357824690135782469013578

doba trvani = 00:00:00.0013404

--- Nasobeni cisel ---
cislo a= 6123456789012345678901234567897123456789012345678991234567890123456789
0123456789812345678901234567890123456789
cislo b= 6123456789012345678901234567897123456789012345678991234567890123456789
0123456789812345678901234567890123456789

Nasobeni
vysledek = 00738438859689015353856418682178966422400931813700040920739793943788
65777955033384944748877949646355763481782368172264347022054966958688349932544280
8057792566132521862922780669145489315199874036595432876142396498862524971

doba trvani = 00:00:00.0024650

```

Obrázek B.4: Simulace výpočtů pro čísla se stejným řádem o délce 120.

B.2 Graf závislosti času na počtu řádů čísel

```
file:///C:/Documents and Settings/Verunka/Dokumenty/Visual Studio 2008/Projects/Vypocty...
--- Soucet cisel ---
cislo a= 5123456789012345678901234567896123456789012345678901234567897123456789
0123456789912345678901234567890123456789012345678901234567890123456789
cislo b= 5123456789012345678901234567896123456789012345678901234567897123456789
0123456789912345678901234567890123456789012345678901234567890123456789

Scitani po jednotlivych cislech
vysledek = 10246913578024691357802469135792246913578024691357802469135794246913
5780246913579024691357802469135780246913579624691357802469135780246913578
doba trvani = 00:00:00.0032020

Scitani po blocich
vysledek = 10246913578246901357824690135792246913578246901357824690135794246913
5782469013579024691357824690135782469013579624691357824690135782469013578
doba trvani = 00:00:00.0011742

--- Nasobeni cisel ---
cislo a= 5123456789012345678901234567896123456789012345678901234567897123456789
0123456789912345678901234567890123456789012345678901234567890123456789
cislo b= 5123456789012345678901234567896123456789012345678901234567897123456789
0123456789912345678901234567890123456789012345678901234567890123456789

Nasobeni
vysledek = 00613757602886547228176171869609517049786326876446520204791448545033
32756967480067670684906382239958441741142647723359805077507448346267891645575455
520462374004239720251660172163337022044065953060733982254117979577924651215210520
21780668135389315098864036505331876141386398862423961
doba trvani = 00:00:00.0027179
```

Obrázek B.5: Simulace výpočtů pro čísla se stejným řádem o délce 150.

```
file:///C:/Documents and Settings/Verunka/Dokumenty/Visual Studio 2008/Projects/Vypocty...
--- Soucet cisel ---
cislo a= 123456789012345678901234567895123456789012345678901234567896123456789
01234567890123456789712345678901234567899123456789012345678901234567898123456789
01234567899123456789
cislo b= 1234567890123456789012345678923456789012345678951234567890123456789
01234567896123456789012345678901234567897123456789012345678991234567890123456789
0123456789812345678901234567890123456789

Scitani po jednotlivych cislech
vysledek = 1234567890123456789134691356904691357802246913579024691357802469135
78024691357962469135780246913578024691357942469135780246913579024691357802469135
7802469135796246913578024691357802469135780246913578
doba trvani = 00:00:00.0032381

Scitani po blocich
vysledek = 134691356904691357802246913579024691357802469013578246901357922469135
782469013578246901357942469135782469013579024691357802469013578246901357962469135
7824690135782469013578
doba trvani = 00:00:00.0027956

--- Nasobeni cisel ---
cislo a= 123456789012345678901234567895123456789012345678901234567896123456789
01234567890123456789712345678901234567899123456789012345678901234567898123456789
01234567899123456789
cislo b= 1234567890123456789012345678923456789012345678951234567890123456789
01234567896123456789012345678901234567897123456789012345678991234567890123456789
0123456789812345678901234567890123456789

Nasobeni
vysledek = 00152415777531016625428122238812555570805779245706893323199112698232
0085172168915957957672614720320118878067787707052313974432253969415927902090961
7700757020690456760931051065805766804402261576036331022906101303936605463222
0904511507412385979283805992990701082152295756500649243194636576802317885106294
7877754501089202865431025361988875019052098750190531
doba trvani = 00:00:00.0039176
```

Obrázek B.6: Simulace výpočtů pro čísla se stejným řádem o délce 180.

```
file:///C:/Documents and Settings/Verunka/Dokumenty/Visual Studio 2008/Projects/Vypocty...
--- Soucet cisel ---
cislo a= 612345678961234567896123456789
cislo b= 6123456789

Scitani po jednotlivych cislech
vysledek = 612345678961234567902246913578
doba trvani = 00:00:00.0029716

Scitani po blocich
vysledek = 12246913578
doba trvani = 00:00:00.0010675

--- Nasobeni cisel ---
cislo a= 612345678961234567896123456789
cislo b= 6123456789

Nasobeni
vysledek = 00738438860049986282604998628256862524971
doba trvani = 00:00:00.0010415
```

Obrázek B.7: Simulace výpočtů pro čísla s různými řády.

```
file:///C:/Documents and Settings/Verunka/Dokumenty/Visual Studio 2008/Projects/Vypocty...
--- Soucet cisel ---
cislo a= 61234567896123456789612345678961234567896123456789
cislo b= 612345678961234567896123456789

Scitani po jednotlivych cislech
vysledek = 612345678961234567896123456790224691357922469135792246913578
doba trvani = 00:00:00.0030207

Scitani po blocich
vysledek = 1224691357922469135792246913578
doba trvani = 00:00:00.0010704

--- Nasobeni cisel ---
cislo a= 61234567896123456789612345678961234567896123456789
cislo b= 612345678961234567896123456789

Nasobeni
vysledek = 00738438860123830160617381645121499588478149958847814995884777862250
62573623877996862524971
doba trvani = 00:00:00.0012259
```

Obrázek B.8: Simulace výpočtů pro čísla s různými řády.

```
file:///C:/Documents and Settings/Verunka/Dokumenty/Visual Studio 2008/Projects/Vypocty...
--- Soucet cisel ---

cislo a= 6123456789612345678961234567896123456789612345678961234567896123456789
61234567896123456789
cislo b= 612345678961234567896123456789

Scitani po jednotlivych cislech

vysledek = 61234567896123456789612345678961234567896123456789612345679022469135
7922469135792246913578
doba trvani = 00:00:00.0030628

Scitani po blocich

vysledek = 1224691357922469135792246913578
doba trvani = 00:00:00.0010951

--- Nasobeni cisel ---

cislo a= 6123456789612345678961234567896123456789612345678961234567896123456789
61234567896123456789
cislo b= 612345678961234567896123456789

Nasobeni

vysledek = 00738438860123830168617381645121499588478149958847814995884781499588
47814995884781499588477786225062573623877996862524971
doba trvani = 00:00:00.0021352
```

Obrázek B.9: Simulace výpočtů pro čísla s různými řády.

```
file:///C:/Documents and Settings/Verunka/Dokumenty/Visual Studio 2008/Projects/Vypocty...
--- Soucet cisel ---

cislo a= 6123456789612345678961234567896123456789612345678961234567896123456789
612345678961234567896123456789612345678961234567896123456789
cislo b= 612345678961234567896123456789

Scitani po jednotlivych cislech

vysledek = 61234567896123456789612345678961234567896123456789612345678961234567
89612345678961234567902246913579224691357922469135792246913578
doba trvani = 00:00:00.0030520

Scitani po blocich

vysledek = 1224691357922469135792246913578
doba trvani = 00:00:00.0011824

--- Nasobeni cisel ---

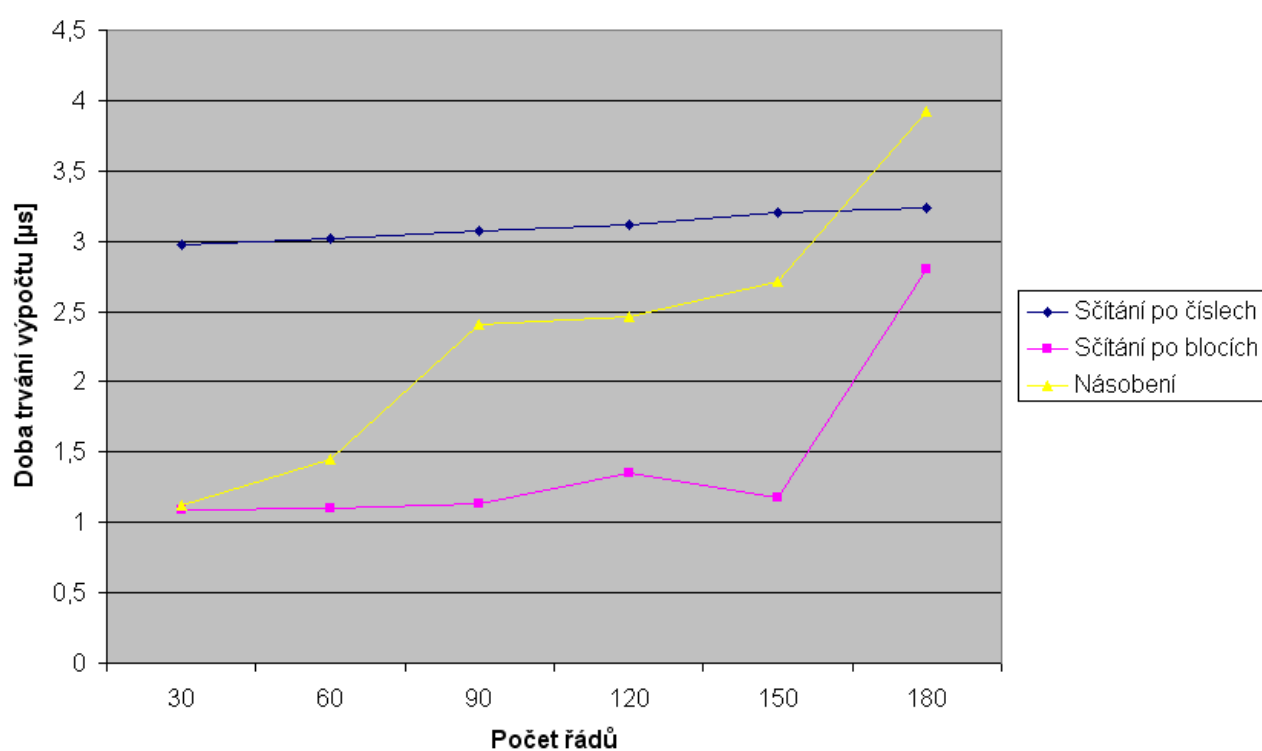
cislo a= 6123456789612345678961234567896123456789612345678961234567896123456789
612345678961234567896123456789612345678961234567896123456789
cislo b= 612345678961234567896123456789

Nasobeni

vysledek = 00738438860123830168617381645121499588478149958847814995884781499588
4781499588478149958847814995884781499588477786225062573623877996862524
971
doba trvani = 00:00:00.0022048
```

Obrázek B.10: Simulace výpočtů pro čísla s různými řády.

Časová závislost na počtu řádů čísel



Obrázek B.13: Graf závislosti času na počtu řádů čísel.

C TŘETÍ PŘÍLOHA

Součástí diplomové práce je i CD, které obsahuje vytvořené kódy a aplikace. Na CD lze najít dvě složky - s názvy VypoctyConsole, a DP. Dále je součástí elektronická verze této práce.

Ve složce VypoctyConsole je k dispozici simulační aplikace, která umožňuje optimalizovaně sčítat a násobit různě dlouhá čísla. Pro otevření této aplikace je nutné mít nainstalován Microsoft Visual Studio, nejlépe verzi 2008.

Ve složce DP se nachází aplikace sloužící pro navázání komunikace klient-server (počítač a smartkarta). Pro spuštění těchto aplikací se doporučuje mít připojenou čtečku karet se samotnou smartkartou.